# مطالعه عددی رفتار دینامیکی استوانههای در معرض جریان با تکیه گاه غیرخطی

سعید اصیل قرهباغی (\* ، محمد شیرزاد ۲

<sup>۱</sup> دانشیار گروه سازه مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، asil@kntu.ac.ir ۲ دانشجوی دکترای مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی، m-shirzad@email.kntu.ac.ir

طلاعات مقاله	چکیدہ
ريخچه مقاله:	ار تعاشات ناشی از گردابه ممکن است موجب بروز رفتار آشوبناک در سازههای فراساحلی شود. رفتار آشوبناک
ریخ دریافت مقاله: ۱۴۰۲/۰۴/۲۱	با ایجاد خستگی عمر این سازهها را کاهش میدهد. در این پژوهش با فرض یک تکیهگاه غیرخطی، رفتار
ریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۲/۰۷/۱۳	دینامیکی این سازهها مورد بررسی قرار گرفته است. با استفاده از انواع مختلف فنرها میزان غیرخطی بودن
ریخ انتشار مقاله: ۱۴۰۲/۰۸/۲۲	تکیهگاه تغییر داده شده است. با حل همزمان معادلات دوبعدی میانگین رینولدز ناویر-استوکس و معادله
ىمات كليدى:	حرکت استوانه، سیگنال جابهجایی استوانه و نیروی برآیی به دست آمده است. سپس آزمون های تشخیص
ئىوب	آشوب بر روی سیگنالها اعمال گردیده است. نتایج نشان میدهد که رفتار سیستم از دو شاخه تشکیل می
يناميك غيرخطي	شود. دامنه شاخه دوم چند برابر دامنه شاخه اول است. در نقطه آغاز شاخه دوم رفتار استوانه و نیروی برآیی
تعاش ناشی از گردابه	آشوبناک است. هرچه میزان غیرخطی بودن تکیهگاه افزایش یابد طول شاخه دوم کاهش پیدا میکند اما
	درجه رفتار آشوبناک استوانه و نیروی برآیی افزایش مییابد.

# Numerical study of the dynamic behavior of cylinders with nonlinear support exposed to flow

# Saeed Asil Gharebaghi<sup>1\*</sup>, Mohammad Shirzad<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Associate Professor, faculty of civil engineering, K.N.Toosi University of Technology; asil@kntu.ac.ir
 <sup>2</sup> PhD candidate, faculty of civil engineering, K.N.Toosi University of Technology; m-shirzad@email.kntu.ac.ir

# **ARTICLE INFO**

Article History: Received: 12 Jul 2023 Accepted: 05 Oct 2023 Available online: 13 Nov 2023

*Keywords:* Chaos Nonlinear Dynamics Vortex-Induced Vibration

## ABSTRACT

Vortex-induced vibrations may cause chaotic behavior in offshore structures. Chaos reduces the life of these structures by causing fatigue. In this research, assuming a nonlinear support, the dynamic behavior of these structures has been investigated. The support nonlinearity was changed by using different types of springs. The displacement and lift force signals were obtained by simultaneously solving the two-dimensional Reynolds averaged Navier-Stokes equations and the cylinder motion equation. Then, chaos detection tests were applied to the signals. The results show that the behavior of the system consists of two branches. The second branch's amplitude is multiple times the amplitude of the first branch. At the starting point of the second branch, the cylinder behavior and the lift force are chaotic. As the support nonlinearity increases, the length of the second branch decreases, but the degree of chaotic behavior of the cylinder and the lift force increases.

هستند. بهعنوان مثال، کابلهای ارتباط الکترونیکی و انتقال نیرو، خطوط لوله انتقال سیال و رایزرهای متصل به سکوهای شناور این ویژگی را دارند [1]. ارتعاشات ناشی از جریان یکی از عوامل اصلی خستگی در این نوع سازهها میباشد [۲]. ارتعاش ناشی از گردابه از

#### ۱ – مقدمه

تقاضای روزافزون جهانی برای منابع انرژی مانند نفت و گاز، فعالیتهای اکتشافی فراساحلی را به سمت آبهای عمیق سوق داده است. در مهندسی فراساحل، بیشتر اجزای سازهها استوانههای مدور

مهمترین انواع این نوع ارتعاشات است و میتوان آن را یک مسئله پیچیده در اندرکنشهای سازه-سیال دانست [۳]. سازههایی که ارتعاشات ناشی از گردابه را تجربه میکنند میتوانند رفتارهای غیرخطی و پیچیدهای از خود نشان دهند [۴].

در گذشته، ارتعاشات ناشی از گردابه یک پدیده تناوبی در نظر گرفته می شد. فرض بر این بود که سازه براساس هارمونیک اول نوسان می کند و رایزرها با استفاده از چنین فرضی طراحی می شدند. اما گوپالکریشنان [۵] و مدرس صادقی و همکاران [۶] دریافتند که پاسخ آشوبناک می تواند آسیب به رایزرها را به طور قابل توجهی افزایش دهد. در مطالعهای که پلاشکو و همکاران [۷] انجام دادند، نشان داده شد که پارامتر کنترل کننده سیستم نسبت جرم است. آنها در تحقیقات خود، استوانههای صلب را در معرض جریان متلاطم قراردادند و به این نتیجه رسیدند که استوانهای با نسبت جرمی کوچک برای پیروی از نوسانات سیال بسیار سنگین است، در حالی که در استوانهای با نسبت جرمی بزرگ، چرخه حدی به تدریج ناپایدار می شود، رفتار سیستم به شبه تناوبی و سپس آشوبناک تغییر می کند.

لئونتینی و همکاران [۸] با استفاده از شبیه سازی های دوبعدی به این نتیجه رسیدند که رفتار آشوبناک احتمالاً در پاسخهای با دامنه بزرگ رخ می دهد. در یک شبیه سازی دوبعدی توسط بلکبرن و هندرسون [۹]، عدد رینولدز ۲۵۰ در نظر گرفته شد. سپس معادلات ناویر – استوکس در یک چارچوب مرجع شتاب دار متصل به استوانه حل شد و رفتار آشوبناک در نسبت های فرکانسی ۱/۱۱ تا ۱/۲۰ و بالاتر از ناحیه قفل شدگی مشاهده گردید. آن ها همچنین نشان دادند که پوش پاسخ استوانه در محدوده فرکانس طبیعی سیستم آشوبناک است.

در یک پژوهش تجربی که توسط لئونتینی و تامسون [۱۰] انجام شد، یک استوانه نصب شده بر روی یک فنر الاستیک مورد مطالعه قرار گرفت. آنها آشوب را در محدوده کوچکی از سرعت جریان مشاهده کردند. بهمنظور ارزیابی رفتار آشوبناک سیستم، نمای لیاپانوف دادههای تجربی محاسبه شد. گاوریر و همکاران [۱۱] از دو استوانه پشت سر هم برای مطالعه نوسان ناشی از ناحیه سایه (ناحیه پشت سازه) استفاده کردند. نتایج بررسی آنها نشان داد که پاسخ استوانه پاییندست آشوبناک است. پردیکاریس و همکاران [۱۲] یک سیستم را در جریان پایدار با دامنههای مختلف و فرکانس ثابت مورد مطالعه قرار دادند. مشاهده شد که وقتی فرکانس نوسان سیستم برابر با فرکانس طبیعی گردابهها باشد، سیستم رفتاری آشوبناک از خود نشان میدهد. آنها طیف فرکانس نیروی برآیی را تجزیه و تحلیل کردند. هیچ فرکانس غالبی مشاهده نشد بنابراین نتایج حاصل شده تأیید گردید. مدرس صادقی و همکاران [۶] مطالعهای تجربی بر روی یک رایزر انعطاف پذیر به طول ۳۲ متر انجام دادند و به این نتیجه رسیدند که پاسخ ارتعاشات ناشی از

گردابه ترکیبی از حرکات تناوبی و آشوبناک است. در گذشته، نواحی پاسخ آشوبناک موردتوجه قرار نمی گرفت، اما مشخص شد که این نواحی دارای ویژگیهای متفاوت و منحصربهفردی هستند و نقش به سزایی در خستگی و آسیب به سازه ایفا میکنند.

بوردیر و چاپلین [۱۳] یک استوانه صلب با تکیهگاه الاستیک را مطالعه کردند. آنها در فواصل مختلف از استوانه، متوقف کنندههایی قرار دادند و آشوب قوی را در پاسخ استوانه مشاهده کردند. مشخص گردید که اگر حرکت استوانه توسط متوقف کنندههای سخت و نرم محدودتر شود، درجه رفتار آشوبناک آن افزایش مییابد. درجه آشوب با محاسبه بزرگترین نمای لیاپانوف سیستم تعیین شد. سایوی و ژیا [۴] دینامیک غیرخطی ارتعاشات ناشی از جریان استوانهها را مورد مطالعه قرار دادند. آنها ارتعاش اجباری هارمونیک را در معادله حرکت سازه وارد کردند. شبیه سازی عددی آنها نوسان آشوبناک سیستم را تأیید کرد.

ویموث [۱۴] رفتار یک استوانه بیضوی را بررسی کرد که می توانست آزادانه به دور یک محور بچرخد. مشاهده شد که رفتار سیستم بیضوی خود متحرک، مشابه با نوسانگرهای دوپایای اجباری است و فاصله بین محور چرخش سیستم و مرکز استوانه نقطه تبدیل دینامیک سیستم به حالت دوپایا را تعیین می کند. نتایج نشان داد که با افزایش این فاصله پاسخ سیستم به سمت آشوبناک شدن حرکت میکند. ژائو و همکاران [۱۵] پاسخهای آشوبناک یک استوانه مستغرق در جریان آزاد را ارزیابی کردند. ابتدا پاسخ استوانه تحت ارتعاش آزاد بهدقت اندازه گیری و ثبت شد. سپس استوانه تحت ارتعاش اجباری قرار گرفت تا دوباره همان نوسانات را تجربه کند. در شرایطی مشخص، نیروی برآیی در دو حالت متفاوت بود و این تفاوت بهعنوان وجود رفتار آشوبناک در سیستم تلقی گردید. گائو و همکاران [۱۶] یک مطالعه تجربی بر روی یک استوانه انعطاف پذیر انجام دادند. با حرکت استوانه در یک جهت، جریان آب شبیهسازی شد. در سرعت کم، پاسخ استوانه انعطاف پذیر شبیه به پاسخ یک استوانه صلب بود. بااین حال، با افزایش سرعت، پاسخ استوانه آشوبناک شده و رفتار آن از رفتار یک استوانه صلب متمایز گردید. هاین و جاجویدودو [۱۷] ارتعاش آشوبناک یک مبدل انرژی دوپایا را مورد مطالعه قرار دادند و نشان دادند که آشوب کارایی سیستم برداشت انرژی را کاهش میدهد. آنها آشوب را بر اساس بزرگترین نمای لیاپانوف اندازه گیری کردند و دریافتند که پاسخ آشوبناک در سیستم توسط مقدار شکاف دوپایا، جرم مؤثر و میرایی کنترل می شود. ارتعاشات ناشی از گردابه استوانههای دارای روییدنیهای مصنوعی توسط زینالدینی و همکاران [۱۸] بهطور تجربی مورد بررسی قرار گرفت. الگوی روییدنیهای روی سطح استوانه منظم در نظر گرفته شد. مشخص شد که نیروی برآیی در بازه قابل توجهی از سرعتهای کاهشیافته مستعد رفتار آشوبناک

است و در مقایسه با استوانههای صاف محدوده آشوب برای استوانههای دارای روییدنی وسیعتر است.

هاین و همکاران [۱۹] از یک مدل نوسانگر ناحیه سایه برای شبیهسازی نیروی وارد بر یک استوانه با تکیهگاه دوپایا استفاده کردند. آنها نشان دادند که یک شکاف دوپایای بزرگ می تواند عملکرد سیستم را بهطور قابل توجهی بهبود دهد. از دیدگاه برداشت انرژی، این شکاف بزرگ ممکن است شانس پاسخ آشوبناک را افزایش دهد، که بهنوبه خود منجر به کاهش توان برداشت انرژی می شود. برای غلبه بر این مشکل، از یک کنترل کننده اوت، گربوگی و يورک (OGY) استفاده شد. تحقیقی بر روی ارتعاشات ناشی از گردابه یک تیر غیر خطی تحت تحریکات با فرکانس بالا توسط ساهو و چاترجی[۲۰] انجام شد. آنها به این نتیجه رسیدند که پاسخهای آشوبناک سیستم در تحریکات با فرکانس بالا به پاسخهای تناوبی تبدیل می شوند. چن و همکاران [۲۱] ارتعاشات و الگوهای ناحیه سایه دو استوانه مجاور را در یک جریان یکنواخت بررسی کردند. آنها یک استوانه ثابت را در ناحیه بالادست قرار داده بودند و این دو استوانه در ناحیه سایه آن قرار گرفتند. بررسی آنها نشان داد که استوانه بالادست تأثیر قابل توجهی در رفتار آشوبناک استوانههای مجاور دارد.

مطالعات متعددی بر روی ارتعاشات ناشی از گردابه استوانههای صلب انجام شده است. اصول اندرکنش سازه-سیال و تأثیر پارامترهای اساسی بر دینامیک استوانه تا حد زیادی مورد بررسی قرار گرفته است. بااینحال، اکثر این مطالعات بر روی استوانههای با تکیهگاه خطی انجامگرفته و اطلاعات کمی در مورد رفتار این سازهها با تکیهگاه غیرخطی وجود دارد. نواحی پاسخ آشوبناک حاوی ویژگیهای منحصربهفرد و متفاوتی هستند و بر روی آنالیز خستگی استوانههای در معرض جریان تأثیر زیادی میگذارند. هدف اصلی این پژوهش، بررسی تأثیر المانهای غیرخطی بر روی ارتعاشات ناشی از گردابه سازههای با سیستم جرم- میرایی کوچک میباشد. برای این منظور از یک تکیهگاه غیرخطی استفاده شده است و رفتار



آشوبناک استوانه مورد بررسی قرار گرفته است.

مدل مورد مطالعه در این تحقیق در شکل ۱ نشان داده شده است. استوانه در معرض جریان آب قرار دارد. از یک فنر جهشی بهعنوان تکیهگاه استوانه استفاده شده است و استوانه فقط میتواند در جهت Y ارتعاش کند. در این سازه ارتعاشات در جهات دیگر مهار شده است. میرایی سیستم ثابت فرض میشود. U و U به ترتیب سرعت جریان در جهت X و Y هستند. برای سادگی مدلسازی و کاهش اثرات شرایط مرزی انتهایی صرفهنظر شده است. بنابراین مدل دو بعدی می تواند نماینده مناسبی برای سیستم مورد بررسی باشد. اشت. معادلات حاکم بر این مسئله معادلات میانگین رینولدز ناویر – ریان سیال ناپایدار، دوبعدی، متلاطم و تراکم ناپذیر فرض شده است. معادلات حاکم بر این مسئله معادلات میانگین رینولدز ناویر – در نظر گرفته شده است. این معادلات شامل اصول بقای جرم و مومنتوم است که بهصورت زیر فرمولبندی میشوند [7]:

$$\frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_i} = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial \overline{u}_i}{\partial t} + \frac{\partial \overline{u_i u_j}}{\partial x_j} = -\frac{1}{\rho} \frac{\partial \overline{p}}{\partial x_i} + v \nabla^2 \overline{u}_i - \frac{\partial \overline{u_i' u_j'}}{\partial x_j} \qquad (7)$$

$$-\overline{u_i'u_j'} = v_t \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i}\right) - \frac{2}{3}\delta_{ij}k \tag{(7)}$$

که در آن  $u_i$  و  $u_i$  مؤلفههای سرعت لحظهای در جهت i و j هستند.  $x_j$  و  $x_i$  مؤلفههای نوسان سرعت در جهت i و j هستند.  $x_i$  و  $x_i$   $u_i'$  مؤلفههای نوسان سرعت در جهت i و j هستند، t نشان دهنده زمان، p فشار،  $\rho$  و  $v_t$  چگالی و ویسکوزیته متلاطم، k انرژی جنبشی  $u_i$  متلاطم و  $\delta_{ij}$  تابع دلتای کرونکر است.  $\overline{u}_i$  نشان دهنده میانگین است و سایر میانگینها هم به همین شکل نشان داده شده اند.



شکل ۱– مدل مورد مطالعه

سیستم استوانه تحت ارتعاشات ناشی از گردابه را میتوان یک سیستم یک بعدی جرم – فنر – میراگر در نظر گرفت. رابطه (۱) معادله دینامیکی آن را نشان می دهد [۲۳]:

$$m\ddot{y} + c\dot{y} + ky = F_L(t) \tag{(f)}$$

که در آن y,  $\dot{y}$  و  $\ddot{y}$  به ترتیب نشاندهنده جابجایی، سرعت و شتاب در جهت عمود بر جریان هستند.  $F_L(t)$  نیرو در واحد طول سیلندر را نشان میدهد. c, k و m به ترتیب میرایی، سختی و نسبت جرم در واحد طول سیستم هستند. شرایط مرزی سطح استوانه عبارتاند از:

$$u = 0$$
 ,  $v = \dot{y}$  ( $\Delta$ )

$$y(0) = \dot{y}(0) = 0$$
 (9)

برای مدل سازی تلاطم، از مدل تلاطم انتقال تنش برشی (SST)  $\infty$  -k استفاده شده است [۲۴]. معادلات RANS و معادله حرکت استوانه با شرایط اولیه ذکرشده به طور همزمان حل شدهاند تا سرعت و جابجایی در جهت y حاصل شود. با توجه به اینکه سرعت در گام زمانی جدید صفر نیست، شرایط مرزی سرعت در سطح استوانه بهروزرسانی شده و میدان جریان مجدداً با توجه به شرایط مرزی جدید به دست آمده است. از روش دینامیک سیالات محاسباتی (CFD) برای گسسته سازی و حل معادلات استفاده شده است.

#### ۲-۲- مدل سختی سیستم

با توجه به دینامیک خاص آن، سیستم جهشی ST موضوع تحقیقات زیادی بوده است. هنگامی که این المان در یک نوسانگر استفاده میشود، خود را بهعنوان یک سیستم با دو چاه انرژی پتانسیل نشان میدهد. از نظر مفاهیم دینامیکی غیرخطی، این سیستم دارای دو نقطه ثابت پایدار و یک نقطه ثابت ناپایدار در مبدأ است [۲۵]. اگر سیستم با انرژی کم تحریک شود، بسته به شرایط است [۲۵]. اگر سیستم با انرژی کم تحریک شود، بسته به شرایط اولیه در داخل یکی از چاههای انرژی پتانسیل ارتعاش میکند. این حالت حرکت، حالت ارتعاش درون چاهی نامیده می شود. بااین حال، زمانی که انرژی تحریک برای غلبه بر نقطه ثابت پایدار کافی باشد، سیستم در حالت ارتعاش بین چاهی نوسان میکند [۲۶].

به غیر از حالتهای درون چاهی یا بین چاهی، رفتار پیچیده تری نیز ممکن است رخ دهد. به عنوان مثال، ممکن است بین دو چاه پتانسیل یا دو مود ارتعاشی جهش صورت گیرد که در موارد شدید منجر به پاسخ آشوبناک می شود. شکل ۲ این نوع سیستم را نشان می دهد. برخلاف یک سیستم خطی با یک نقطه پایدار در مبدأ، سیستم ST یک نیروی باز گردانی غیر خطی اضافی تولید می کند. این نیرو باعث می شود که سیستم در یکی از نقاط بالا یا پایین مبدأ

آرام گیرد [۲۵].در شکل ۲ دو فنر مورب نشان داده شده است. این دو فنر به یکدیگر متصل بوده و دارای نیروی محوری هستند.



شکل ۲- سیستم ST [۲۵]

مجموع نیروی محوری فنرها برابر است با F:

$$F = 2k_s \left(1 - \frac{l_0}{\sqrt{y^2 + l^2}}\right) y \tag{Y}$$

شکل بیبعد معادله نیرو-جابجایی سیستم را میتوان با بازنویسی آن بهصورت زیر به دست آورد:

$$\hat{F} = (1 - \frac{1}{\sqrt{\hat{y}^2 + \gamma^2}})\hat{y} \tag{(A)}$$

. $\gamma = rac{l}{l_0}$  و  $\hat{y} = rac{y}{l_0}$  ,  $\hat{F} = rac{F}{2k_s l_0}$  که در آن

 $\gamma$  نشاندهنده درجه غیرخطی بودن سیستم است که مقدار آن بین صفر و یک تغییر می کند. در یک سیستم ST ایده آل مقدار  $\gamma$  صفر است. در این حالت نمودار نیرو – جابجایی سیستم یک منحنی پیوسته نیست و از دو خط موازی تشکیل شده است. نمودارهای نیرو–جابه جایی بدون بعد سیستم ST با مقادیر متفاوت  $\gamma$  در شکل ۳ نشان داده شده است.

## ۳- آشوب

حرکت نامنظم سیستمهای دینامیکی غیرخطی که در بلندمدت غیرقابل پیش بینی است آشوب نامیده می شود. [۲۷] آشوب در برخی از سیستمهای دینامیکی غیرخطی رخ می دهد. یکی از ویژگیهای مهم رفتار آشوبناک این است که سیستم رفتار گذشته خود را تکرار نمی کند [۲۸]. علی رغم رفتار به ظاهر نامنظم، سیستمهای دینامیکی آشوبناک از معادلات مشخصی پیروی می کنند [۲۹]. در برخی از سیستمهای باید از وقوع آشوب جلوگیری کرد، زیرا ارتعاشات آشوبناک منجر به خستگی و از کارافتادن این سیستمها می شود. عدم قطعیت در سیستمهای مهندسی چندان مطلوب نیست و ابزارهای تشخیص آشوب نقش مهمی در این زمینه ایفا

می کنند. یک سیستم دینامیکی ممکن است به گونهای طراحی شود که از خود رفتار آشوبناک نشان ندهد. بااین حال، هیچ تضمینی وجود ندارد که آشوب رخ ندهد زیرا هر سیستم غیر خطی ممکن است چنین رفتاری را تجربه کند، حتی اگر برای رفتار منظم طراحی شده باشد. به همین دلیل، توانایی شناسایی گذار از رفتار غیر آشوبناک به رفتار آشوبناک حیاتی است و با به کار بردن آن رفتار سیستم می تواند به خوبی کنترل شود [۳۰]. از روش های بصری و محاسباتی برای تشخیص آشوب می توان به مقطع پوانکاره و آزمون ۱-۰ اشاره نمود.



شکل ۳- نمودار نیرو-جابه جایی بدون بعد سیستم ST به ازای مقادیر مختلف *γ* 

مقطع پوانکاره تصویری هندسی است که با مقطع زدن بر روی جاذب سیستم به دست میآید و تا حدودی نحوه رفتار سیستم را مشخص میکند[۳۱]. دلیل اصلی استفاده از مقطع پوانکاره، به دست آوردن دیدی متفاوت از رفتار سیستم و کمک به تعیین نوع جاذب آن است. هر بار که یک مدار از حرکت سیستم به مقطع پوانکاره برخورد میکند، نقطهای روی آن باقی میماند و درنهایت الگویی از نقاط بر روی آن ایجاد میشود. هرچه پراکندگی نقاط

بیشتر باشد درجه رفتار آشوبناک سیستم بیشتر است[۳۳]. آزمون ۰–۱ یک آزمون دودویی برای تشخیص آشوب است و نیازی به دانستن معادلات سیستم مورد مطالعه ندارد. این آزمون برای تمایز بین دینامیک منظم – مانند دینامیک تناوبی یا شبه تناوبی – و رفتار آشوبناک طراحی شده است. برخلاف سایر روشهای تشخیص آشوب، این روش نیازی به بازسازی فضای فاز ندارد [۳۳]. خروجی این آزمون پارامتری به نام  $K_c$  میباشد. برای دینامیک منظم 0 =  $K_c$  و برای دینامیک آشوبناک ۱ =  $K_c$  می باشد. لازم به ذکر است که این مقادیر برای حالت ایدهآل ارائه شده اند. در مواردی که دادهها دارای خطاهای عددی بوده و یا تاریخچهزمانی آنها طولانی نباشد، عدد حاصلشده از آزمون ۰–۱ اندکی خطا دارد. به همین دلیل در این پژوهش، 5.0  $K_c$  نشانهای بر وجود آشوب برسی بیشتری قرار خواهد گرفت.

#### ۴– صحت سنجی

برای اعتبارسنجی مدل و روش عددی، نتایج با دادههای تجربی بهدست آمده توسط لی و برنیتزاس [۳۴] مقایسه شده است. آزمایش آنها استوانهای با یک درجه آزادی است و فقط میتواند در جهت عمود بر جریان نوسان کند. مشبندی دامنه مورد بررسی با نرمافزار ICEM CFD و آنالیزها با نرم افزار Ansys Fluent انجام شده است. برای اعمال فنرها بر مدل مورد مطالعه، از توابع UDF استفاده شده است. با روش دینامیک سیالات محاسباتی (CFD)، دامنه پاسخ استوانه محاسبه شده است. جزئيات گسسته سازي، اندازه مش و گامهای زمانی در شکل ۴ و جدول ۱ مشاهده می گردد. برای مقایسه نتایج عددی و تجربی، نسبت جرم ، نسبت میرایی و فرکانس طبیعی سیستم به ترتیب ۱/۵۶۵، ۰/۰۲ و ۱/۱۷ در نظر گرفته شده است [۳۴]. به منظور ارزیابی تأثیر تعداد سلولهای مش بر نتایج، از سه نوع مش M1، M1 و M3 استفاده شده است. دامنه بدون بعد سیستم در سرعت کاهشیافته  $U^* = \Lambda$  محاسبه شده و در جدول ۲ ارائه شده است. ملاحظه می گردد که نتایج حاصل شده با مش M2 و M3 به یکدیگر نزدیک بوده و حدود ۰/۲۴ درصد اختلاف دارند. به همین دلیل برای انجام محاسبات از مش M2 استفاده شده است. نتایج عددی و تجربی در شکل ۵ با یکدیگر مقایسه شده است. در این شکل دامنه بدون بعد A/D در برابر سرعت D كاهشيافته  $U^*$  ملاحظه مي گردد. A، دامنه حركت استوانه و قطر استوانه می باشد. همان طور که مشاهده می شود، اختلاف نتایج عددی با مقادیر تجربی اندک است.



شکل ۴- گسسته سازی حوزه محاسباتی

<sub>ی</sub> و گامهای زمانی	حوزه محاسباتے	ا – جزئيات	جدول ا
-----------------------------	---------------	------------	--------

مقدار	واحد	مشخصه
٠/٠٨٨٩	متر	قطر سيلندر
1/24	متر	عرض حوزه محاسباتى
١/٣٢	متر	طول حوزه محاسباتي
•   • • • ۶	متر	طول اولين سلول
• / • • • ٢	متر	عرض اولين سلول
• / • • )	ثانيه	گام زمانی

جدول ۲ – مطالعه استقلال نتایج از تعداد سلولهای مش

-		0		
	درصد اختلاف با	4 ( D	تعداد	·
	حالت قبل	A/D	سلول	نوع مس
	-	1/221	31014	M1
	١,٣٧	۱/۲۳۸	22968	M2
_	۰,۲۴	1/261	47118	M3

در مرحله بعد، فنر خطی سیستم با فنر ST جایگزین شده و تجزیهوتحلیلها با فنر جدید انجام پذیرفته است. معادلات RANS و معادله حرکت استوانه با شرایط اولیه ذکرشده بهطور همزمان حل شدهاند تا سرعت و جابجایی در جهت  $\gamma$  به ازای مقادیر مختلف  $\gamma$ به دست آید.



#### ۵- نتایج

1-0- پاسخ سیستم و نتایج آزمون ۱-۱

در شکلهای ۶ تا ۱۵، دامنه بدون بعد استوانه و نتایج آزمون ۰–۱ به ازای سرعتهای کاهشیافته مختلف ارائه شده است. دو شاخه در نمودارهای دامنه بدون بعد مشاهده میشود. دامنه جابجایی سیستم در شاخه ۱ کوچکتر از شاخه ۲ است. بهعنوان مثال، در  $U^* = \gamma$ ، تغییر سرعت کاهشیافته از ۱۰ =  $U^*$  به ۱۱ =  $U^*$ مقدار دامنه بدون بعد را دو برابر میکند. انتقال از شاخه اول به شاخه دوم با یک جهش انجام میشود. نقطه وقوع این جهش به مقدار  $\gamma$  بستگی دارد. با افزایش مقدار  $\gamma$ ، انتقال از شاخه ۱ به شاخه مقدار متاکه دوم با می خوت کاهشیافته از ۲۰ ا

این انتقال برای سیستم با  $\gamma = \cdot/1 = \gamma$  در  $U^* = 10$ ، و برای سیستم با  $\gamma = /4$  در  $\gamma = V$  مشاهده می شود. بزرگترین دامنه بدون بعد مربوط به فنر با  $\gamma = 1 - \gamma$  است که در

برر تاریق کامنه باوی بعد مربوط به قر با ۲٫۰ –  $\gamma$  است که کر  $U^* = 11$ کاهش می یابد. تغییر مقدار  $\gamma$  از ۲٫۰ به ۵٫۰ حداکثر دامنه بدون بعد را حدود ۲۳٪ کاهش می دهد. در همه موارد، بهجز سازه با  $0.0 = \gamma$ ، حداکثر دامنه در نقطه شروع شاخه ۲ رخ می دهد. هرچند که در ۵٫۰ =  $\gamma$ ، اختلاف بین حداکثر دامنه و دامنه در ابتدای شاخه ۲ کم است. افزایش مقدار  $\gamma$  باعث افزایش طول شاخه ۲ می شود اما حداکثر دامنه سیستم را کاهش می دهد.

در ادامه آزمون ۰–۱ بر روی سیگنالهای جابجایی و نیروی برآیی اعمال شده است. در پژوهش حاضر اگر مقدار  $K_c$  بیشتر از ۵/۰ باشد، رفتار سیگنال آشوبناک در نظر گرفته میشود. در تمامی موارد، در نقطه شروع شاخه ۲، سیگنالهای جابجایی و نیروی برآیی آشوبناک هستند. در ۴ = U، سیگنال نیروی برآیی برای مقادیر مختلف  $\gamma$  آشوبناک است، اما رفتار سیگنال جابجایی آشوبناک نیست. با افزایش سرعت کاهشیافته، ، گردابه های ایجادشده با جابهجایی استوانه همفاز شده و موجب رفتار منظمتر در سیستم میشوند. با انتقال از شاخه ۱ به شاخه ۲، رفتار آشوبناک در سیگنالها ظاهر میشود.

 $U^* = 0$  و  $U^* = \gamma$ ، نیروی برآیی در  $\gamma = V^*$  و  $U^* = 0$  و  $U^* = \gamma$ ، نیروی برآیی در  $\gamma = V^*$  و  $U^* = 0$  آشوبناک است. این رفتار در پاسخ جابجایی مشاهده نمی شود و مقدار  $K_c$  مقدار  $K_c$  به مقدار  $K_c$  به سیستم و سیگنال نیروی برآیی منظمتر می شود و مقدار  $\gamma$  به آموبناک هم در پاسخ جابجایی و هم در نیروی برآیی ظاهر می شود.  $U^* = U^*$  (ین حالت نقطه شروع شاخه  $T^* = V^*$  (ین حرکت استوانه و نیروی برآیی آشوبناک هستند و دامنه سیستم نیز ریادی نمی کند.







با افزایش مقدار  $\gamma$  به 7/1، رفتار سیستم اندکی تغییر می کند. همانند مورد قبل نیروی برآیی در  $\mathfrak{P} = *$  آشوبناک است. همچنین با افزایش سرعت کاهشیافته، نیروی برآیی و رفتار استوانه منظم تر می شود. اگر نقطه شروع جهش از شاخه ۱ به شاخه ۲، منظم تر می شود. اگر نقطه شروع جهش از شاخه ۱ به شاخه ۲،  $\mathfrak{P} = *U$  در نظر گرفته شود، مشاهده می شود که رفتار منظم سیستم در این نقطه به پایان می رسد. در  $\mathfrak{P} = *U$ ، نیروی برآیی آشوبناک است اما برای سیگنال جابجایی، نتیجه آزمایش  $\mathfrak{I}$  مقدار نیزوی برآیی ما برای سیگنال جابجایی، نتیجه آزمایش  $\mathfrak{I}$  مقدار نیزوی برآیی مشاهده می شود. بنابراین رفتار آن نیاز به ارزیابی شاخه ۱ به شاخه ۲، رفتار آشوبناک در سیگنالهای جابجایی و بیشتری دارد که بعداً مورد بحث قرار خواهد گرفت. با جهش از نیزوی برآیی مشاهده می شود. در این مورد، شاخه ۲ از  $\mathfrak{I} = \mathfrak{I}$ نیزوی برآیی و هم نیزوی برآیی مشاهده می شود. در این مورد، شاخه ۲ از  $\mathfrak{I} = \mathfrak{I}$ نیزوی برآیی و هم نیروی برآیی و هم تاغاز می شود در ا





شباهت زیادی بین رفتار سیستمهای با  $\gamma' = \gamma e \gamma' = \gamma e$  وجود دارد. مانند حالت قبل، شاخه  $\gamma = 1$  آغاز میشود. در  $M = \Lambda$ ، مقدار  $K_c$  برای سیگنالهای نیروی برآیی و جابجایی بیش از 0/1 است، بنابراین آشوبناک هستند. با افزایش سرعت کاهش یافته به  $\Psi = N$ ، مقدار  $K_c$  برای نیروی برآیی و جابجایی به ترتیب به

۱۹ ، رو ۱/۰ می رسد. اگر نقطه شروع جهش از شاخه ۱ به شاخه ۲،  $V^* = 9$  در نظر گرفته شود، مشاهده می شود که میزان تغییر دامنه  $U^* = 9$  در نظر گرفته شود، مشاهده می شود که میزان تغییر دامنه کمتر از حالتهای قبل است. مانند موارد قبل، در ابتدای شاخه ۲، هم نیروی برآیی و هم جابجایی استوانه آ شوبناک هستند. در ۱۱ هم نیروی برآیی غیر آ شوبناک  $U^* = U^*$  است و مقدار  $V^*$  برای هر دو کمتر از ۲/۰ می باشد.



شکل ۹– دامنه بدون بعد استوانه برای سیستم با  $\gamma=$ ۰/۴ شکل

 $U^* = 1$ ، با تغییر مقدار  $\gamma$  از  $\gamma$  (۳) به  $\gamma$ ، نقطه شروع شاخه  $\gamma$  از 1 از  $\gamma$  از  $U^* = \gamma$  به  $\Psi = \gamma$  منتقل میشود. در این حالت، طول شاخه  $\gamma$  بزرگ تر از طول شاخه 1 است. قبل از شروع شاخه  $\gamma$ ، مقدار  $K_c$  برای حرکت استوانه کوچک و نزدیک به صفر است و نیروی برآیی فقط در  $\Psi = \gamma$  رفتاری آشوبناک دارد. در ابتدای شاخه  $\gamma$  آشوب در نیروی برآیی و جابجایی استوانه ظاهر میشود. در  $\Lambda = \gamma$ ، دینامیک  $K_c$  سیستم به همین شکل است. از  $\Psi = \gamma$  تا  $\gamma$  مقدار  $\gamma$ . مقدار  $\gamma$  مقدار  $\gamma$ 





همانند حالتهای قبل، با افزایش مقدار  $\gamma$  از  $\gamma'$  به 0'، نقطه شروع شاخه ۲ در سرعت کاهشیافته کمتری قرار می گیرد. در این حالت، q = S نقطه شروع شاخه ۲ است و مانند موارد قبل نیروی برآیی و جابجایی استوانه در ابتدای شاخه ۲ آشوبناک هستند. بنابراین بهعنوان یک نتیجه گیری کلی می توان گفت که فارغ از

مقدار  $\gamma$ ، در نقطه شروع شاخه ۲، سیگنالهای نیروی برآیی و جابجایی استوانه آشوبناک هستند. رفتار مشابهی در Y = \*U دیده میشود. از  $\Lambda = *U$  تا ۱۰ = \*U نیروی برآیی و جابجایی آشوبناک نیستند. در ۱۱ = \*U، مقدار  $K_c$  برای نیروی برآیی بیشتر از  $\Lambda'$ . است، بنابراین رفتار آن آشوبناک است. هر دو سیگنال نیروی برآیی و جابجایی استوانه در ۱۲ = \*U آشوبناک هستند.













شکل ۱۵- نتایج آزمون ۰-۱ برای سیستم با ۷/۵ = ۲

#### ۲-۵- اعمال مقطع پوانکاره

همان طور که پیش از این اشاره شد، اعمال مقطع پوانکاره روش دیگری است که توسط آن میتوان رفتار یک سیستم دینامیکی و نوع جاذب آن را ارزیابی کرد. برای بررسی بیشتر دینامیک استوانه و نیروی برآیی، مقطع پوانکاره بر روی سریهای زمانی موردمطالعه اعمال شده است. از هر شاخه یک نقطه برای بررسی انتخاب شده است. اولین نقطه روی شاخه ۱ قرار دارد. این نقطه سرعت کاهش یافته ای است که پس از آن دامنه استوانه با یک جهش به شاخه ۲ منتقل می شود. نقطه دوم روی شاخه دوم قرار دارد. هدف از این بررسی، ارزیابی تغییر در رفتار سیستم با حرکت از شاخه ۱ به شاخه ۲ است.

در شکلهای ۱۶ تا ۲۰ نگاشتهای برگشتی سیگنالها برای مقادیر مختلف  $\gamma$  ارائه شده است. دو سرعت کاهشیافته ۱۰  $U^* = U$  و  $U^* = 1۲$  برای سیستم با  $1/1 = \gamma$  انتخاب شده است. نقاط ایجادشده بر روی نگاشت جابهجایی با رنگ آبی و نقاط ایجادشده بر روی نگاشت نیروی برآیی با رنگ قرمز نشان داده شدهاند.



شکل ۱۶- مقاطع پوانکاره جابهجایی استوانه (چپ) و نیروی برآیی (راست) برای سیستم با ۰/۱ =  $\gamma$ 



همان طور که قبلاً ذکر شد، اگر رفتار سیگنال منظم باشد، نقاط محدودی بر روی مقطع پوانکاره ایجاد می شود. برای رفتار آشوبناک، محدودی بر روی مقطع پوانکاره ایجاد می شود. برای رفتار آشوبناک، انقاط به صورت پراکنده بر روی سطح ظاهر می شوند. در شکل ۱۶ مشاهده می شود که در  $U^* = 1$ , نقاط محدودی بر روی مقاطع پوانکاره مربوط به جابجایی استوانه و نیروی برآیی ایجاد شده است. بنابراین، نتایج آزمون -1 گیدمی شود. در  $U^* = 1$  که نقطه ای بنابراین، نتایج آزمون -1 گیدمی شود. در این حالت نقاط بنابراین، شاید آرایش نقاط تغییر کرده است. در این حالت نقاط پراکنده شده اند. بنابراین می توان گفت که نیروی برآیی و جابجایی استوانه آشوبناک هستند.

 $U^* = 1$  و  $U^* = 9$  مقطع پوانکاره در  $P = U^*$  و  $U^* = 0$  بر روی سیگنالها اعمال شده است.  $P = U^*$  نقطه پایان شاخه ۱ و ۱۱ =  $U^*$  نقطه آغاز شاخه ۲ میباشد. در  $P = U^*$ ، سیگنال جابجایی استوانه نقاط محدودی را بر روی مقطع پوانکاره باقی میگذارد. این نقاط نزدیک به هم هستند و در یک منطقه کوچک بهطور متراکم در کنار هم قرار گرفتهاند. رفتار سیگنال احتمالاً آشوبناک نیست. نتیجه آزمون ۱-۰ با این فرضیه مطابقت دارد. لازم

به ذکر است که مقدار  $K_c$  در این مورد کمتر از ۵, ۰ است. در نگاشت بازگشتی نیروی برآیی پراکندگی بیشتری در آرایش نقاط مشاهده می شود. نمی توان نظمی در آرایش نقاط مشاهده نمود ، بنابراین سیگنال آشوبناک است. در مقایسه با سیگنال آشوبناک نیروی برآیی اعمال شده به سیستم با  $V^*=1$  که در  $U^*=1$  ارزیابی شد، پراکندگی نقاط کمتر است. بنابراین درجه رفتار آشوبناک در این حالت کمتر است. در  $U^* = 1$ ، شکل ایجادشده بر روی مقطع پوانکاره مربوط به جابجایی استوانه، با شکل ایجادشده بر روی پوانکاره سیستم با  $\gamma = \cdot/1$  در  $U^* = 1$  شباهت زیادی دارد. در این حالت، رفتار سیستم آشوبناک به نظر می رسد، اما تراکم نقاط بیشتر است. بنابراین، درجه رفتار آشوبناک اندکی کمتر است. با افزایش مقدار  $\gamma$  به  $\gamma$ ، نقطه پایان شاخه ۱ و نقطه آغاز شاخه ۲  $U^* = \mathsf{P}$  و  $U^* = \mathsf{V}$  باقی می مانند. در  $U^* = \mathsf{P}$  با یک رفتار منظم در سیگنال جابجایی استوانه مشاهده می شود. شش نقطه بر روی مقطع یوانکاره ظاهر شده است، بنابراین دوره تناوب  $U^* = 1$  جاذب شش است. افزایش مقدار سرعت کاهشیافته به



شکل ۱۸- مقاطع پوانکاره جابهجایی استوانه (چپ) و نیروی برآیی (راست) برای سیستم با ۳/۰ $=\gamma$ 



شکل ۱۹- مقاطع پوانکاره جابهجایی استوانه (چپ) و نیروی بر آیی (راست) برای سیستم با ۲/۴ =  $\gamma$ 

رفتار سیستم را آشوبناک میکند. در این حالت پراکندگی نقاط در مقطع پوانکاره قابل توجه است. شکل ایجادشده مشابه موارد قبلی است، اما نقاط ناحیه وسیعتری را اشغال میکنند. البته باید توجه داشت که پراکندگی نقاط کم است و بیشتر نقاط در یک ناحیه کوچک بهصورت متراکم در کنار یکدیگر قرارگرفتهاند. نتیجه آزمون کوچک بهطور میتردهتری در سطح پخش میشوند و رفتار آشوبناک نیروی برآیی آشکار میگردد.

رفتار سیستم با  $\gamma = \gamma$  منظمتر به نظر می سد. در  $\gamma = \gamma U^*$  که نقطه پایانی شاخه ۱ است، فقط یک نقطه بر روی نگاشت بازگشتی جابجایی استوانه مشاهده می شود. بنابراین، دوره تناوب جاذب یک می باشد. رفتار نیروی برآیی نیز منظم است. دو نقطه در صفحه ظاهر شده است بنابراین دوره تناوب جاذب نیروی برآیی دو است. با افزایش مقدار سرعت کاهش یافته به  $\gamma$ ، رفتار منظم از بین می رود.  $\gamma = \gamma$  نقطه شروع شاخه ۲ است. در این حالت پراکندگی نقاط

مشخص است اما باید توجه داشت که میزان پراکندگی کمتر از موارد قبلی است. بنابراین میتوان نتیجه گرفت که در مقایسه با موارد قبل، درجه آشوب در این حالت کمتر است. برای سیستم با  $\Lambda = \gamma$ ،  $\Lambda = \gamma$  نقطه پایان شاخه ۱، و  $\Lambda = \chi$ نقطه شروع شاخه ۲ است. مقاطع پوانکاره به دست آمده مشابه حالتی است که  $\Lambda = -\gamma$  میباشد. در  $\Lambda = \chi$  رفتار استوانه و نیروی برآیی تناوبی است. جاذب جابه جایی استوانه یک تناوبی و جاذب نیروی برآیی دو تناوبی است. با تغییر سرعت کاهش یافته از  $\Lambda$  به  $\Lambda$ هم جابجایی استوانه و هم نیروی برآیی آشوبناک میشوند. در این حالت، مانند حالت قبل، پراکندگی نقاط کمتر از حالتی است که  $\Lambda = -\gamma$  یا  $\Lambda = -\gamma$  است. بنابراین درجه رفتار آشوبناک استوانه و نیروی برآیی با افزایش  $\gamma$  کاهش می یابد.

#### γ–۵– ارزیابی تأثیر مقدار

در شکلهای ۲۱ تا ۲۳ تأثیر مقدار  $\gamma$  به ترتیب بر روی بیشترین دامنه بدون بعد استوانه، سرعت بدون بعد استوانه و نقطه وقوع رفتار



 $\gamma = \cdot/4$  شکل ۲۰- مقاطع پوانکاره جابهجایی استوانه (چپ) و نیروی بر آیی (راست) برای سیستم با





## ۶- نتیجهگیری

سازههای فراساحلی به دلیل آن که در معرض ارتعاشات ناشی از گردابه هستند، مستعد رفتار غیرخطی میباشند. در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفته است. سختی سیستم موردمطالعه، با استفاده از فنر جهشی ST مدلسازی شده است. از معادلات میانگین رینولدز ناویر-استوکس (RANS) برای جریانهای ناپایدار تراکم ناپذیر دوبعدی بهمنظور شبیهسازی جریان استفاده شد. پس از شبیهسازی سیستم، صحت مدل عددی با استفاده از دادههای تجربی مورد ارزیابی قرار گرفت و تأیید شد. معادلات حاکم بر از شبیه بهصورت عددی با روش دینامیک سیالات محاسباتی سیستم بهصورت عددی با روش دینامیک سیالات محاسباتی کاهشیافته مختلف جریان بهدست آمد. آزمون ۰-۱، مقطع پوانکاره بر روی سیگنالهای جابهجایی استوانه و نیروی برآیی وارد بر آن اعمال شد. بر اساس نتایج حاصلشده، میتوان به موارد زیر اشاره نمود:

 ۱- رفتار سیستم از دو شاخه تشکیل شده است: شاخه ۱ و شاخه ۲. انتقال از شاخه ۱ به شاخه ۲ با جهش در مقدار دامنه جابهجایی استوانه انجام می پذیرد و دامنه حرکت سیستم در شاخه ۲ چند برابر شاخه ۱ است. آشوبناک (نقطه شروع شاخه ۲) در سیستم مشاهده می گردد. با توجه به نمودارهای ارائه شده می توان گفت که که با افزایش مقدار  $\gamma$ ، بیشترین دامنه حرکت استوانه کاهش پیدا می کند. سرعت حرکت استوانه نیز با افزایش مقدار  $\gamma$ ، کاهش پیدا می کند. در شکل TT ملاحظه می گردد که افزایش مقدار  $\gamma$  نقطه شروع شاخه ۲ را به سرعت کاهش یافته کوچکتری منتقل می کند و در نتیجه باعث وقوع آشوب در سرعتهای کاهشیافته کمتری می شود.







شکل ۲۲– تأثیر مقدار  $\gamma$  بر بیشترین سرعت بدون بعد استوانه

*vibration*, 22nd International Congress of Theoretical and Applied Mechanics, p. 1–2.

- [11] Gaurier, B., Cebron, D. and Germain, G., (2008), Vortex-induced vibrations using wake oscillator model. Comparison on 2D response with experiments, 9th International Conference on Flow-Induced Vibrations (FIV2008), Prague, République Tchèque.
- [12] Perdikaris, P. G., Kaiktsis, L. and Triantafyllou, G. S., (2009), *Chaos in a cylinder wake due to forcing at the Strouhal frequency*, Physics of fluids, vol. 21, p. 101705.
- Bourdier, S. and Chaplin, J. R., (2012), Vortexinduced vibrations of a rigid cylinder on elastic supports with end-stops, Part 1: Experimental results, Journal of Fluids and structures, vol. 29, p. 62–78.
- [14] Weymouth, G., (2014), *Chaotic rotation of a towed elliptical cylinder*, Journal of fluid mechanics, vol. 743, p. 385–398.
- [15] Zhao, J., Leontini, J. S., Lo Jacono, D., and Sheridan, J., (2014), *Chaotic vortex induced vibrations*, Physics of Fluids, vol. 26, p. 121702
- [16] Gao, Y., Fu, S., Xiong, Y., Zhao, Y. and Liu, L., (2017), Experimental study on response performance of vortex-induced vibration on a flexible cylinder, Ships and Offshore Structures, vol. 12, p. 116–134.
- [17] Huynh, B. H. and Tjahjowidodo, T., (2017), Experimental chaotic quantification in bistable vortex induced vibration systems, Mechanical Systems and Signal Processing, vol. 85, p. 1005–1019.
- [18] Zeinoddini, M., Bakhtiari, A. and Gharebaghi, S. A., (2018), Towards an understanding of the marine fouling effects on VIV of circular cylinders: a probe into the chaotic features, Nonlinear Dynamics, vol. 94, p. 575–595.
- [19] Huynh, B. H., Tjahjowidodo, T., Zhong, Z. W., Wang, Y. and Srikanth, N., (2018), Design and experiment of controlled bistable vortex induced vibration energy harvesting systems operating in chaotic regions, Mechanical Systems and Signal Processing, vol. 98, p. 1097–1115.
- [20] Sahoo, P. K. and Chatterjee, S., (2021), Nonlinear dynamics of vortex-induced vibration of a nonlinear beam under highfrequency excitation, International Journal of Non-Linear Mechanics, vol. 129, p. 103656.
- [21] Chen, W., Ji, C., Srinil, N., Yan Y., and Zhang, Z., (2022), Effects of upstream wake on vortexinduced vibrations and wake patterns of sideby-side circular cylinders, Marine Structures, vol. 84, p. 103223.
- [22] Gao, Y., Liu, L., Zou, L., Zhang, Z. and Yang, B., (2020), *Effect of surface roughness on*

- ۲- با افزایش مقدار γ، شاخه ۲ گسترده تر شده و نقطه شروع
  آن در سرعت کاهشیافته کوچک تری قرار می گیرد.
- ۳- صرفنظر از مقدار γ، در نقطه شروع شاخه ۲، هم رفتار
  ۳- استوانه و هم رفتار نیروی برآیی آشوبناک است.
- ۴- هنگامی که سیگنال جابجایی استوانه آشوبناک است، رفتار نیروی برآیی نیز آشوبناک است، اما عکس موضوع صادق نیست.
- ۵- درجه آشوب هم در سیگنال جابهجایی استوانه و هم در
  سیگنال نیروی برآیی با افزایش مقدار γ کاهش مییابد.

۷- مراجع

- Wang, Y., Wu, Z., Zhang, G., Li, Y. and Wang, F., (2020), *Bifurcation phenomenon and multi*stable behavior in vortex-induced vibration of top tension riser in shear flow, JVC/Journal of Vibration and Control, vol. 26, p. 659–670.
- [2] Jauvtis, N. and Williamson, C. H. K., (2003), *Vortex-induced vibration of a cylinder with two degrees of freedom*, Journal of Fluids and Structures, vol. 17, p. 1035–1042.
- [3] Imaoka, K., Kobayashi, Y., Emaru, T. and Hoshino, Y., (2015), Vortex-Induced Vibration of an Elastically-Supported Cylinder Considering Random Flow Effects, SICE Journal of Control, Measurement, and System Integration, vol. 8, p. 131–138.
- [4] Siewe Siewe, M. and Xia, X., (2012), Nonlinear dynamics and small damping signal control of chaos in a model of flow-induced oscillations of cylinders, Mechanics Research Communications, vol. 46, pp. 8–14.
- [5] Gopalkrishnan R., (1993), Vortex-Induced Forces on Oscillating Bluff Cylinders.
- [6] Modarres-Sadeghi, Y., Chasparis, F., Triantafyllou, M. S., Tognarelli, M. and Beynet, P., (2011), *Chaotic response is a* generic feature of vortex-induced vibrations of flexible risers, Journal of Sound and Vibration, vol. 330, p. 2565–2579.
- Plaschko, P., Berger, E. and Brod, K., (1993), *The transition of flow-induced cylinder vibrations to chaos*, Nonlinear Dynamics, vol. 4, p. 251–268.
- [8] Leontini, J. S., Thompson, M. C. and Hourigan, K., (2006), *The beginning of branching behaviour of vortex-induced vibration during two-dimensional flow*, Journal of Fluids and Structures, vol. 22, p. 857–864.
- [9] Blackburn, H. and Henderson, R., (1996), *Lock-in behavior in simulated vortex-induced vibration*, Experimental Thermal and Fluid Science, vol. 12, p. 184–189.
- [10] Leontini, J. and Thompson, M., (2008), Chaotic oscillation during vortex-induced

vortex-induced vibrations of a freely vibrating cylinder near a stationary plane wall, Ocean Engineering, vol. 198, p. 102663.

- [23] Bao, Y., Huang, C., Zhou, D., Tu, J., and Han, Z., (2012), Two-degree-of-freedom flowinduced vibrations on isolated and tandem cylinders with varying natural frequency ratios, Journal of Fluids and Structures, vol. 35, p. 50–75,
- [24] Prasanth, T. K. and Mittal, S., (2009), Vortexinduced vibration of two circular cylinders at low Reynolds number, Journal of Fluids and Structures, vol. 25, p. 731–741.
- [25] Ramlan, R., Brennan, M., Mace, B. and Kovacic, I., (2010), Potential benefits of a nonlinear stiffness in an energy harvesting device, Nonlinear dynamics, vol. 59, p. 545–558.
- [26] Huynh, B., Tjahjowidodo, T., Zhong, Z., Wang, Y. and Srikanth, N., (2016), Chaotic Responses on Vortex Induced Vibration Systems Supported by Bi-stable Springs, ISMA2016 International Conference on Noise and Vibration Engineering, p. 695–704.
- [27] Gottwald, G. A. and Melbourne, I., (2004), A new test for chaos in deterministic systems, Proceedings of the Royal Society of London. Series A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences, vol. 460, p. 603–611.
- [28] Ahmet, Ö. and Erhan, A., (2005), Tools for detecting chaos, Sakarya Üniversitesi Fen Bilimleri Enstitüsü Dergisi, vol. 9, p. 60–66.
- [29] Baker, G. L. and Gollub, J. P., (1990), *Chaotic dynamics: an introduction*, Cambridge University Press.
- [30] Velosa, C. M. and Bousson, K., (2015), Robust real-time chaos detection from measurement data, WSEAS Transactions on Systems and Control, vol. 10, p. 735–751.
- [31] Kantz, H. and Schreiber, T., (2004), *Nonlinear time series analysis*, Cambridge university press.
- [32] Boccaletti, S., (2008), *The synchronized dynamics of complex systems*, Monograph series on nonlinear science and complexity, vol. 6, p. 1–239.
- [33] Gottwald, G. A. and Melbourne, I., (2009), On the implementation of the 0-1 test for chaos, SIAM Journal on Applied Dynamical Systems, vol. 8, p. 129–145.
- [34] Lee, J. H. and Bernitsas, M. M., (2011), *High*damping, high-Reynolds VIV tests for energy harnessing using the VIVACE converter, Ocean Engineering, vol. 38, p. 1697–1712.