تحلیل هیدرودینامیکی شناور تندرو تک پله با استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی و روش سطح پاسخ

امین نجفی'، محمدرضا نگهداری **

^۱ دانشکده مهندسی مکانیک، دانشگاه امام حسین(ع)، najafi.sharif@yahoo.com ۲ دانشکده مهندسی دریا، دانشگاه دریانوردی و علوم دریایی چابهار، negahdari@cmu.ac.ir

ات مقاله چکیده	اطلاعا
، <i>مقاله:</i> ، <i>مقاله:</i>	ناريخچە
ریافت مقاله: ۱۴۰۰/۰۸/۲۷ عوامل موثر در کاهش مقاومت و افزایش پایداری در شناورهای تندرو سرشی می باشد. وجود پله در	تاريخ در
دیرش مقاله: ۱۴۰۱/۱۲/۰۲ شناورها باعث ایجاد یک جدایش جریان می شود و همین موضوع باعث کاهش سطح خیس بر روی شناو	تاريخ پذ
کل <i>یدی:</i> ک <i>لیدی:</i>	کلمات ۲
پارامتر ورودی یک قصای طراحی ایجاد دردید. پارامتر های ورودی شامل سرعت خطی شناور، قاصله ^{برشی} بنامیک	شناور س هيدرودي
محاسباتی همراه شده با روش سطح پاسخ مورد بررسی قرار گرفته است. شبیه سازی دینامیک سیالا، توسط نرم افزار STAR CCM صورت پذیرفت. همچنین از روش طراحی آزمایش ها و روش باکس بنکن '	يايي-رو پله عرض
سیا - سیالات محاسباتی - سیالات محاسباتی	ىيروى پ ديناميك
شناور و تریم کلی شناور می باشد. نتایج آنالیز حساسیت بر روی پارامترهای ورودی نشان می دهد که بر تاثیر گذارترین بارامتر بر روی مقادیر بارامترهای خروجی است. نتایج حاصل از بررسی نشان می دهد	
سرعت، نيروي برا وارد بر بدنه بهطور پيوسته افزايش مييابد. با افزايش زاويه ددرايز پاشنه، مقدار نيرو:	
می بابد که این روند به صورت پیوسته نیست و در راویه ددرایرهای بالا تا حدودی تابت است. همچنیا سرعت جریان، مقدار تریم کل شناور کاهش می یابد. اما این تغییرات در زاویه ددرایز های مختلف متف	
افزایش زاویه ددرایز مقدار تریم افزایش مییابد. علت این امر هوادهی بهتر در این حالت است. همچنین می دهد، با افزایش فاصله پله از پاشنه مقدار تریم کاهش مییابد. 	

Hydrodynamic analysis of high speed planning vessel with a single step using computational fluid dynamics and response surface method Amin Najafi¹, Mohammad Reza Negahdari^{2*}

¹ Faculty of Mechanical Engineering, Imam Hossein University; najafi.sharif@yahoo.com ² Faculty of Marine Engineering, Chabahar Maritime University; negahdari@cmu.ac.ir

ARTICLE INFO

Article History: Received: 18 Nov 2021 Accepted: 21 Feb 2023

Keywords: Planning hull hydrodynamic Drag force Step computational fluid dynamics

ABSTRACT

The use of the step form in the bottom of the vessel, if it is designed and implemented correctly and in its appropriate position, is one of the effective factors in reducing resistance and increasing stability in high speed vessels. The presence of a step in the bottom of these types of vessels creates a flow separation, and this reduces the wet surface on the hull and as a result reduces the drag force on the body and also reduces the dynamic trim. In this study, a design space was created by making changes in three input parameters. The input parameters include the linear speed of the vessel, the distance of the step from the stern of the vessel and the change of the height of the step in the width of the vessel. The present studies have been investigated using computational fluid dynamics simulation combined with the response surface method. Computational fluid dynamics simulation was done by STAR CCM software. Also, the experiment design method and the Box-Benken method were used to select the

samples and the Kriging model was used for the response level process. Genetic algorithm and screening method have also been used to find optimal points. The investigated output parameters include drag and lift force on the body of the vessel and overall trim of the vessel. The results of the sensitivity analysis on the input parameters show that the vessel speed is the most influential parameter on the values of the output parameters. The results of the investigation show that with increasing speed, the force on the body increases continuously. As the angle of the deadrise increases, the amount of lift force decreases, which is not continuous and is somewhat constant at high deadrise angles. Also, with the increase of the current speed, the trim value decreases. But these changes are different in different angles. Trim amount increases with the increase of deadrise angle. The reason for this is better ventilation in this case. Also, the results show that the amount of trim decreases with the increase of the stern.

۱ – مقدمه

در سال های اخیر مطالعات زیادی برای ارزیابی و بررسی میزان تاثیر عوامل مختلف بر روی شناورهای سرشی مورد بررسی قرار گرفته است. کاهش نیروی پسا وارد بر بدنه شناور و افزایش میزان پایداری آن از جمله مهمترین موارد مورد بررسی می باشد. بنابراین ایجاد تغییرات هندسی در بدنه شناور و استفاده از شناور در شرایط محیطی مناسب در رسیدن به حالت بهینه کمک شایانی می تواند بکند. استفاده از پله در کف بدنه شناور یکی از موارد موثر در کاهش نیروی پسا و افزایش پایداری شناور می باشد. وجود پله در کف شناور باعث کاهش سطح خیس و در نتیجه کاهش نیروی پسا وارد بر بدنه شناور و همچنین کاهش تریم دینامیکی می گردد.

تاکنون مطالعات زیادی برای بررسی هیدرودینامیک شناورهای سرشی صورت پذیرفته است. سویستکی[۱] در سال ۱۹۶۴ در بررسی یک شناور سرشی بدون پله در زاویه ددرایزهای مختلف و توانست روابطی برای نیروهای هیدرودینامیکی وارد بر بدنه در حالت های مختلف بدست آورد. فریدزما [۲] با معرفی یک شناور سرشی منشوری به بررسی رفتار آن در امواج منظم و نامنظم یرداخت. سویستکی و همکاران[۳] با بررسبی اثر اسپری آب در پاشنه و اثر آن بر روی نیروی پسا را بررسی کردند. با افزایش قدرت محاسباتی استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی برای شبیه سازی رفتار هیدرودینامیکی شناورهای سرشی افزایش یافت. به طور مثال كاپنتو[۴] با استفاده از روش حجم محدود به منظور حل معادلات پیوستگی و ناویر استوکس کوپل شده با معادلات حجم سیال به بررسی شناور سرشی پرداختند. از کوتا[۵] با استفاده از معادلات RANS حرکات شناور را در حالت پایدار و غیر پایدار در آب آرام، موج منظم و نامنظم بررسی کرد. ساوندر و همکاران به بررسی تاثیر زاویه ددرایز بر روی عملکرد شناور سرشی با استفاده از استار سی سی ام پرداختند. وانگ و همکاران [۶] با استفاده از معادلات RANS به همراه روش حجم سیال، نیروهای هیدرودینامیکی وارد بر شناور را محاسبه کردند. آن ها همچنـین تـاثیر مـوج را بـر روی

مولفه های هیدرودینامیکی و پیشروی شناور مورد بررسی قرار دادند. نجفی و همکاران [۷] به بررسی تاثیر اینترسپتور بر روی شناور کاتاماران پرداختند. آن ها ضرایب هیدرودینامیکی ناشی از وجود و عدم وجود اینترسپتور را مورد بررسی قرار دادند که به طور گسترده ای در کنترل حرکت شناور موثر است. لی و همکاران [۸] شناور با هفت حالت پاشنه و دارای سه وزن و سرعت های مختلف شناور با هفت حالت پاشنه و دارای سه وزن و سرعت های مختلف داده شد که شناور دارای پله عرضی دارای مقاومت کمتری نسبت به حالت بدون پله می باشد. نورقاسمی و همکاران [۹] به بررسی اثر زاویه پله عرضی بر روی هیدرودینامیک شناور سرشی پرداختند. آن ها با درنظر گرفتن شناور به صورت دودرجه آزادی، خروجی های نیروی پسا، تریم، بالا آمدگی مرکز جرم و طول کیل و چاین خیس شده را بدست آوردند.

با توجه به مطالعات صورت گرفته درمورد رفتار هیدرودینامیکی شناورهای سرشی، نیاز به مطالعات بیشتر در این حوزه با در نظر گرفتن پارامترهای فضای طراحی احساس می شود. استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی همراه شده با فرآیند پاسخ سطحی می تواند در کاهش هزینه های محاسباتی و رسیدن به پاسخ ها در یک فضای پیوسته کمک شایانی بکند. همچنین استفاده از این روش در فضای پیوسته کمک شایانی بکند. همچنین استفاده از این روش در بررسی حساسیت پارامترها و تشخیص شرایط بهینه می تواند موثر باشد[۱۱, ۱۰]. باکس و ویلسون[۱۲] یک روش آماری را ارائه کردند که به روش پاسخ سطحی معروف است که به ارزیابی چند پارامتر طراحی در یک فضای طراحی می پردازد.

در این مطالعه با استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی همراه شده با روش پاسخ سطحی به بررسی تاثیر پارامترهای سرعت شناور، فاصله پله از پاشنه شناور و تغییر ارتفاع پله در عرض شناور بر روی هیدرودینامیک شناور پرداخته شده است. شناور به صورت یک جسم صلب دارای حرکت دورانی و حرکت طولی در نظر گرفته شده است. معادلات حاکم بر جریان به صورت آشفته گذرا در نظر گرفته شده و جریان دوفاز توسط معادلات حجم سیال مدلسازی

شده است. برای رسیدن به پاسخ بهینه از روش های بهینه سازی تکاملی^۱و به طور خاص از الگوریتم ژنتیک استفاده شده است. ابت.دا برای هر کدام از پارامترهای خروجی (توابع هدف) به طور جداگانه با استفاده از روش بهینه سازی غربالگری ^۲نقاط بهینه مشخص می گردد. روش کار غربالگری نمونه گیری مستقیم^۳توسط یک تولید کننده شبه تصادفی و سپس مرتب سازی نمونه ها بر اساس اهداف می باشد. توابع هدف در این بخش شامل نیروی درگ و برآ، زاویه تریم و بررسی شرایط ایجاد ناپایداری طولی می باشد. همچنین نقطه بهینه با در نظر گرفتن شرایطی که هر سه پارامتر خروجی به طور همزمان در حالت بهینه خود باشند، با استفاده از روش بهینه سازی MOGA^۴ بدست آمده است.

۲- روابط و معادلات حاکم

در این تحقیق شناور به صورت یک جسم صلب بر روی آب قرار دارد. جریان آب به صورت مغشوش درنظر گرفته شده و به علت بوجود آمدن تغییرات وابسته به زمان معادلات به صورت گذرا در نظر گرفته می شود. بنابراین معادلات حاکم بر جریان آشفته در اطراف شناور به صورت کوپل شده با معادلات حرکت جسم صلب همراه گردد. معادلات حاکم بر آن عبارتست از معادله پیوستگی و ناویراستوکس که پس از اعمال متوسط گیری رینولدز به صورت زیر می باشند: [۱۳]

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho u_j) = 0 \tag{1}$$

$$\frac{\partial \rho u_j}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_j} (\rho u_i u_j) = -\frac{\partial P}{\partial x_i} + \frac{\partial}{x_j} (\tau_{ij} - \rho \overline{u'_i u'_j}) + g_i \tag{1}$$

که در روابط بالا ρ چگالی جریان، P فشار، u سرعت و g شتاب جاذبه و $\overline{\mu_i' u'_j}$ بیانگر تنشهای رینولدز میباشد. بر اساس روابط ویسکوزیته گردابهای ^فکه تنشهای رینولدز و گرادیانهای سرعت را با هم مرتبط می سازد، معادلات متوسط گیری بالا به صورت زیر در میآیند : [۱۳] میآیند : (۵۳ میلان) می ا

$$\begin{split} \frac{\partial \mu u_i}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_j} \left(\rho u_i u_j \right) &= -\frac{\partial r}{\partial x_i} + \frac{\partial}{x_j} \left[\mu_{eff} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right) \right] + g_i \\ (\texttt{\texttt{T}}) \end{split}$$

$$\begin{aligned} \text{Solution} \sum_{i=1}^{n} \mu_{eff} &= \mu + \mu_t \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \mu_{eff} &= \mu + \mu_t \end{aligned}$$

'Evolutionary
 'Screening
 'Sampling direct
 'Multi-Objective Genetic Algorithm
 'Eddy – Viscosity
 'Effective Viscosity

مدلسازی تانسوز تنش، نسبتاً مشکل میباشد زیرا برای تعیین آن نیاز به اطلاعات دقیقی در خصوص ساختار پدیده توربولانس در سیال است که غالباً در دسترس نمیباشد. لذا برای تعیین اندازه تنشهای رینولدز باید از یکی از مدلهای توربولانسی موجود استفاده گردد. به همین علت از مدل z - X استفاده گردید که در این معادلات X معرف انرژی جنیشی جریان آشفته و z نرخ اضمحلال ویسکوز انرژی جنبشی آشفته می باشد.

برای سطح مشترک آب و هوا و به علت تغییرات شدید وابسته به زمان و مکان از مدل حجم سیال استفاده گردید. در این حالت از معادلات زیر برای محاسبه نسبت آب و هوا در هر مرحله زمانی استفاده می شود:

$$\frac{\partial \alpha}{\partial t} + \vec{\nabla} \cdot (\alpha \vec{u}) = 0 \tag{(\Delta)}$$

در حالتی که کل حجم سلول در بردارنده آب باشد $\boldsymbol{\alpha}$ برابر یک می گردد؛ در حالتی که کل حجم سلول دربردارنده هوا باشد $\boldsymbol{\alpha}$ برابر صفر و در حالتی که بخشی از سلول شامل آب و بخشی شامل هوا باشد $\boldsymbol{\alpha}$ بین صفر و یک خواهد بود. در این مدل برای حل معادلات پیوستگی و ناویر استوکس از چگالی و لزجت موثر که از معادلات پیوستگی و ناویر استوکس از چگالی و لزجت موثر که از رابطه های زیر بدست می آید استفاده می شود: [۱۳] $\rho_{eff} = \alpha \rho_{air} + (1 - \alpha) \rho_{water}$ (۶) $v_{eff} = \alpha v_{air} + (1 - \alpha) v_{water}$ (۷)

شناور به صورت یک جسم صلب دارای حرکت انتقالی و دورانی درنظر گرفته شده است. فاصله مرکز جرم شناوراز پاشنه برابر ۹. متر و از کیل شناور قبل از پله برابر ۹.۱ متر می باشد. معادلات حرکات انتقالی به صورت زیر است: [۶] $m\ddot{X}_{G} = \sum_{F_{FM}} F_{FM}$ (۸)

$$I\ddot{\theta}_{G} = \sum M_{Ext} \tag{9}$$

که در معادله (۹)، I تانسور ممان اینرسی و $\bar{\theta}_{G}$ تانسور شتاب زاویه ای حول مرکز جرم می باشد. از آنجا که ساختار هندسی شناور در راستای عرض متقارن است بنابراین تنها یک حرکت انتقالی در راستای محور z و حرکت دورانی در راستای محور \boldsymbol{Y} برای شناور درنظر گرفته شده است.

۳- فرآیند بهینه سازی

برای بدست آوردن مولفه های مقاومت در بدنه پله دار بایستی از ترکیب روش ساویستکی و تئوری ویک که توسط ساوان ارائه شذه

است، استفاده کرد. برای این منظور باید پارامترهایی که در ادامه آمده است به ترتیب محاسبه شوند.

[۱۴] ضریب سرعت بر اساس عرض محلی به شکل زیر خواهد بود: $C_{V2} = -\frac{V}{2}$

$$\sqrt{g.b_{2L}} \qquad (1\cdot)$$

ضرایب نیروی لیفت یا برآ نیز با روابطی که در ادامه آمده است، بدست می آید: [۱۴]

$$C_{L0_2} = \tau_{2L}^{1.1} \left(0.012\lambda_{2L}^{0.5} + \frac{0.0055\lambda_{2L}^{2.5}}{C_{V2}^2} \right) \tag{11}$$

$$C_{L\beta_2} = C_{L0_2} - 0.0065\beta_{2L}C_{L0_2}^{2.5} \tag{11}$$

زمانی که از این ضرایب برای محاسه نیروی برآ استفاده می شود، نیروی حاصله بر سطح آب عمود است. به منظور دستیابی به مولفه عمودی این نیرو که باید بر نیروی وزن غلبه کند، نیروی برآی حاصله باید دو بار تصویر شود: یک بار به علت زاویه ددرایز محلی و دیگری به سبب زاویه تریم محلی که در ادامه مشاهده می شود.

$$F_{r,a} = \frac{1}{2} C_{r,a} \, a V^2 h^2 \cos(\beta_r - \beta_r)$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}$$

$$F_{L2} = F_{L2_2} \cos(\tau_2 - \tau_{2L}) \tag{19}$$

در این مرحله بایستی بعد از بدست آوردن نیروی برآ بدنه عقب شرط تعادل عمودی بدنه پله دار بررسی شود. برای این منظور رابطه زیر تعریف شده که با یک حدس اولیه برای مقدار وزنی که باید بدنه اول حمل نماید، شروع می شود. این حدس با مقدار اولیه باید بدنه اول حمل نماید، شروع می شود. این حدس با مقدار اولیه Ω تعریف می شود و به جای مقدار gm مقدار زیر نوشته می شود: $F_{L1} = \Omega mg \qquad 0 \ge \Omega \ge 1$

با قرار دادن در شرط زیر در صورت برآورده شدن شرط مورد نظر، مقدار وزنی که بدنه جلو باید حمل نماید، بدست می آید:

$$T: F_{L1} + F_{L2} - mg = \gamma \tag{19}$$

فاصله بین راستای اثر نیروی تراست از مرکز ثقل نی بصورت زیر بدست می آید:

$$f = (VCG_2 + e)\cos(\varepsilon) - LCG_2\sin(\varepsilon)$$
(1Y)

$$C_{P1} = 0.75 - \frac{5.21C_{V1}^2}{\lambda_1^2} + 2.39 \tag{1}$$

نیروهای عمودی نیز از روابط زیر محاسبه می شوند:

$$N_1 = \Omega \frac{mg}{\cos \tau_1} = \frac{F_{L1}}{\cos \tau_1}$$

 $N_2 = (1 - \Omega) \frac{mg}{\cos \tau_2} = \frac{F_{L2}}{\cos \tau_2}$
(۱۹)

در نهایت بایستی معادله گشتاور پیچشی ارضا شود:

$$CG: N_1c_1 + N_2c_2 + D_{f1}a_1 + D_{f2}a_2 - T.f = 0$$
(۲۰)
شرط برقراری این معادله آن است که گشتاور کل برابر با صفر
باشد. اگر مقدار آن منفی باشد، بدان معنی است که زاویه تریم

برای برقراری تعادل عمودی خیلی کم می باشد و زاویه بیشتر برای بررسی مجدد مورد نیاز می باشد. این عمل تا آنجا تکرار می شود که گشتاور مثبت شود. گشتاور متعادل تقریباً بین دو تریم نهایی بدست آمده قرار دارد. زاویه تریم دقیق تر از طریق درون بابی بین دو تریم نهایی بدست می آید. [۱۴]

۴- مدلسازی

۴–۱– هندسه

در این مطالعه، از شناور فریدزما استفاده شده که به صورت یک شناور منشوری است. برای یکسان بودن نتایج مابین مدل ایجاد شده و شناور واقعی بایستی مدل ساخته شده دقیقاً با یک مقیاس یکسان در همه ابعاد نسبت به شناور اصلی کوچک شده باشد و تمام جزئیات ساختاری شناور اصلی را دارا باشد. مشخصات هندسی مدل ایجاد شده در جدول زیر مشاهده می شود. همانطور که در شکل زیر مشاهده می شود به وسیله یک بریدگی در ناحیه عقبی شناور به سمت بالا یک پله در کف شناور بوجود آمده است. همانطور که در شکل ۱ (الف) مشاهده می شود طول شناور برابر مرابر متر، شکل زیر(ب) مشاهده می شود عرض شناور (B) برابر مالیی) برابر ۲۱۲ متر می باشد. همچنین زاویه ددرایز شناور در بالایی) برابر ۲۱۲/۰ متر می باشد. همچنین زاویه ددرایز شناور در قسمت جلویی پله (α) ثابت و برابر ۳۰ درجه درنظر گرفته شده است.



شکل ۱: شناور فریدزما مدل شده (الف) نما از جانب، (ب) نما از عقب و (ج) نمای سه بعدی

۲-۴- محدوده محاسباتی و شرایط مرزی

جریان حول شناور نسبت به عرض آن متقارن است بنابراین می توان ناحیه محاسباتی را به یک ناحیه از خط تقارن در وسط شناور در نظر گرفت. ابعاد دامنه محاسباتی و فاصله مرزها از شناور به گونه ای انتخاب گردیده است که امکان اعمال شرایط به مانند حالت واقعی باشد. در شکل ۲ نمایی از دامنه محاسباتی به همراه

شرایط مرزی آورده شده است. در ورودی دامنه محاسباتی شرط مرزی سرعت ورودی به صورت جریان عمود بر سطح با سرعتی برابر سرعت شناور(به علت ثابت نگه داشتن شناور) اعمال گردید. در مرز خروجی شرایط مرزی فشار خروجی با توزیع فشار هیدرواستاتیکی وابسته به مکان اعمال گردید. صفحه کناری با شرط مرزی دیوار با لغزش آزاد، کف محدوده محاسباتی دارای شرط دیوار بصورت عدم لغزش، صفحه متقارن شرط تقارن، به صفحه بالایی دامنه محاسباتی شرط مرزی سرعت ورودی که با توجه به ویژگی جریان اطراف دامنه اجازه ورود و خروج جریان داده می شود و برای بدنه شناور شرط دیوار به صورت عدم لغزش اعمال می گردد.



۴-۳- شبکه بندی محدوده محاسباتی

تولید شبکه با کیفیت بالا در حل یک مساله عددی بسیار حائز اهمیت است. برای نیل به این مهم همانطور که در شکل ۳ مشهود است محدوده محاسباتی به چندین بخش مجزا تقسیم گردید تا به شبکه با کیفیت بالا و همچنین تعداد مناسب برسد. با توجه به این که تغییرات در نواحی نزدیک به سطح مشترک آب و هوا بیشتر است و همچنین این تغییرات در نزدیکی سطح شناور نیز بسیار بالاست، لذا ابعاد سلول های محاسباتی در این مکان ها کوچکتر از نواحی اطراف دامنه محاسباتی است. همچنین با توجه به ایجاد لایه مرزی در اطراف بدنه شناور و گرادیان های بالای سرعت در راستای عمود بر بدنه از مش لایه مرزی استفاده گردید. ضخامت بی بعد اولین مش لایه مرزی بر روی بدنه شناور 4 = +y درنظر گرفته شد و تعداد ۱۱ لایه مش لایه مرزی در سطح بدنه استفاده گردید.



شکل ۳: (الف) نمای سه بعدی از محدوده محاسباتی شبکه بندی شده (ب) نمای دوبعدی در صفحه yz در اطراف بدنه شناور

برای مستقل شدن مقادیر خروجی از تعداد سلول های محاسباتی، به مطالعه تغییرات یک پارامتر خروجی در تعداد سلول های مختلف پرداخته شد. پارامتر خروجی مورد نظر برای این امر نیروی پسا وارد بر بدنه شناور می باشد. این مطالعه برای شناور با فاصله از پاشنه ۸۰۰ میلی متر، زاویه ددرایز پاشنه ۳۰ درجه و سرعت ۱۰ متر بر ثانیه مورد بررسی قرار گرفت. دلیل انتخاب این زاویه به عنوان زاویه ددرایز، به علت بالاتر بودن تعادل شناور در این حالت می باشد. تعداد سلول های محاسباتی برای این حالت برابر با مرعد ۱٫۸۵ میلیون می باشد و برای مدل های مختلف نیز در همین



سکل۲: تعییرات نیروی پسا وارد بر بدنه سناور نسبت به تعداد سلول ها در سرعت ۱۰ متر بر ثانیه

۵- روش سطح پاسخ

با توجه به هزینه محاسباتی بالا و زمان بر بودن استفاده از روشهای عددی مثل دینامیک سیالات محاسباتی در بررسی تاثیر پارامترهای مختلف (مخصوصا زمانی که چند پارامتر به طور همزمان بررسی می گردد) و بهینه سازی سیستمها و گسترده بودن فضای طراحی در این کار از روش سطح پاسخ استفاده گردید. در این بخش، به قواعد و مقررات نوشتاری و ساختاری به تفکیک و به صورت مشروح پرداخته خواهد شد.

۵-۱- پارامترهای ورودی و خروجی

در این مطالعه با تغییر پارامترهای ورودی در بازهای مشخص یک فضای طراحی ایجاد می گردد که در آن به بررسی تاثیر پارامترهای ورودی بر پارامترهای خروجی و پیدا کردن نقاط بهینه با توجه به نتایج خروجی پرداختهشده است.

پارامترهای ورودی که در این مطالعه مورد بررسی قرار میگیرد همانطور که در شکل ۱ مشاهده می گردد شامل سه پارامتر اصلی سرعت شناور، فاصله پله از پاشنه و زاویه ددرایز بعد از پله (تغییر

نظر	مورد	تغييرات	بازەي	می باشد.	شناور)	عرض	پله در	ار تفاع
		۱ است:	جدول	ى بەصورت	ی ورودی	رامترها	طالعه پا	برای م

ورودى	ار امتر های	تغييرات ي	بازه ی	جدول ۱:
		v - J	6 .	. 0, .

بازه تغييرات	نام پارامتر
$17 \leq U \leq \lambda$	سرعت شناور (m/s)
$\cdot / N \leq L_s \leq P$	فاصله پله از پاشنه
	شناور (m)
$\forall \forall \leq \beta \leq \forall \forall$	زاویه ددرایز بعد از پله
	(بخش پاشنه) (deg)

پارامترهای خروجی شامل دو بخش نیروهای وارد بر بدنه شناور و جابجایی های ایجاد شده بر روی آن است. نیروهای وارد بر بدنه شامل نیروی پسا و برآ وارد بر شناور می باشد و مولفه های جابجایی شامل تریم کلی شناور و بالا آمدگی^۷مرکز جرم شناور می باشد.

۵–۲– انتخاب نمونه ها

انتخاب نمونهها یا همان طراحی آزمایشها^۸تاثیر بسزایی در بازدهی محاسبات دارد و باید به گونهای صورت گیرد که تمام ناحیه محاسباتی را شامل شود. از روش باکس بنکن^۹ برای انتخاب نمونهها استفاده گردید. استفاده از این روش زمانی که تعداد پارامترهای ورودی کم است مناسب می باشد. نحوه توزیع نمونه ها در فضای طراحی در شکل ۵ آمده است. تعداد نمونه ها برای سه پارامتر ورودی برابر ۱۳ عدد می باشد.



شکل ۵: توزیع نمونه ها در روش باکس بنکن برای سه پارامتر ورودی

۵-۳- فر آیند پاسخ سطحی

هدف این بخش استفاده از یک روش برای دست آوردن یک تابع است که متغیرهای مستقل آن پارامترهای طراحی و متغیرهای وابسته آن خروجیهای مسئله میباشد. باید تلاش شود تا بهترین

^vHeave ^ADesign of Experiments ^BOx-Behnken Design

روش مدلسازی با بهترین تابع انتخاب شود تا بتواند تمام فضای حل را بهدرستی پوشش دهد. روش استفاده شده در این تحقیق روش کریگینگ اصلاحشده میباشد. مدل کریگینگ در واقع از دو بخش درونیابی و رگرسیون^{(ب}شکیلشده است. روش کریگینگ برکیبی از یک مدل چندجملهای^۲(به همراه نوسانات^۳(در اطراف روند کلی است: [۹]

 $L(\lambda) = f(\lambda) + g(\lambda)$

در رابطه (۱۰)، (λ) تابع ناشناختهای (پاسخ نهایی) از متغیر طراحی λ ، (λ) یک تابع چندجملهای از λ و (λ) یک فرآیند گاوسی توزیع نرمال شده با میانگین صفر، واریانس σ^2 و کواریانس غیر صفر است.

۵-۴-بهینه سازی

(1)

برای رسیدن به پاسخ بهینه از روشهای بهینهسازی تکاملی و بهطور خاص الگوریتم ژنتیک استفاده گردید. ابتدا برای هرکدام از پارامترهای خروجی (توابع هدف) بهطور جداگانه با استفاده از روش بهینهسازی غربالگری^۴نقاط بهینه مشخص میگردد. اصل کار روش غربالگری نمونهگیری مستقیم توسط یک تولیدکننده شبه تصادفی و سپس مرتبسازی نمونهها بر اساس اهداف میباشد. توابع هدف در این بخش شامل کمترین نیروی پسا وارد بر بدنه، بیشترین نیروی برآ وارد بر بدنه و کمترین مقدار تریم کلی شناور میباشد.

همچنین نقطه بهینه با در نظر گرفتن شرایطی که چند پارامتر خروجی بهطور همزمان در حالت بهینه خود باشند با استفاده از روش بهینهسازی MOGA به دست آمد.

۶- نتايج

در این بخش ابتدا به بررسی مطالعات دینامیک سیالات محاسباتی صورت گرفته بر روی مدل اولیه پرداخته شد و نتایج به دست آمده با مطالعات گذشته مقایسه و مورد اعتبارسنجی قرار گرفت. در مرحله بعد نتایج حاصل از روش سطح پاسخ برای هرکدام از متغیرهای خروجی آورده شد و نقاط طراحی بهینه معرفی گردید.

¹Interpolation ¹Regression ¹Polynomial ¹Fluctuations ¹Screening

۶-۱- اعتبار سنجی

برای اعتبارسنجی مطالعات عددی به بررسی نتایج به دست آمده برای شناور بدون پله و مقایسه آن ها با مطالعه فریدزما[۲] که در سال ۱۹۶۹ صورت پذیرفته می باشد. برای همین وزن مدل برابر ۳۸ کیلوگرم و در زاویه ددرایز ۳۰ درنظر گرفته شد. با توجه به طول ۲٫۵ متری شناور بازه تغییرات سرعت از ۶ متر بر ثانیه تا ۹ متر بر ثانیه در نظر گرفته شد (به علت نزدیکی این بازه به بازه مطالعاتی مسئله اصلی). همچنین فاصله مرکز جرم مورد بررسی هم ۱۸۷۵ متر از پاشنه درنظر گرفته شد.



شکل ۶: : مقایسه نتایج عددی در این مطالعه و نتایج تجربی فریدزما[۲]

۶-۲- مطالعه موردی

مدل اولیه مورد مطالعه شناور با فاصله پله از پاشنه ۸/۸ متر، زاویه ددرایز در پاشنه ۳۰ درجه و در سرعت حرکت ۱۰ متر بر ثانیه می باشد. همانطور که قبلاً نیز اشاره گردید، دلیل انتخاب این زاویه به عنوان زاویه ددرایز، به علت بالاتر بودن تعادل در این حالت می باشد. با افزایش زاویه ددرایز، تریم استاتیکی به علت افزایش راویه ددرایز، تریم دینامیکی نیز افزایش می یابد. علت این موضوع زاویه ددرایز، تریم دینامیکی نیز افزایش می یابد. علت این موضوع این است که در شناورهای دارای ددرایز کم، مولفه عمودی نیروهای هیدرودینامیکی وارد بر کف بدنه بیشتر است. لذا تا قبل از رسیدن شده است، باعث می شود قسمت سینه شناور بالاتر بیاید و به شده است، باعث می شود قسمت سینه شناور بالاتر بیاید و به چند مدل ساخته شده با زوایای ددرایز کمتر از ۳۰ درجه و بیشتر از آن در سرعت های مختلف، نتایج هیدرودینامیکی مقایسه شده است.

در شکل (۷) کانتور فشار بر روی سطح بدنه نشان داده شده است. همانطور که در این شکل مشاهده می شود در نقطه برخورد آب با کف شناور، فشار زیادی در ناحیه کف شناور بوجود می آید و توزیع فشار تا سطح پله تقریباً یکسان است. با عبور جریان از پله به علت ایجاد سطح خشک فشار کاهش یافته دوباره با برخورد آب به دیواره شناور فشار افزایش می یابد.



شکل ۷: کانتور توزیع فشار بر روی سطح زیرین شناور(پله در موقعیت ۸۰۰ میلی متر از پاشنه)

به دلیل حرکت شناور آب اطراف بدنه تغییر شکل یافته و از الگوی نسبتا منظمی پیروی می کند. شکل ۸ این الگوی موج اطراف بدنه شناور را نمایش میدهد. همان طوری که دیده می شود با افزایش سرعت، زاویه پخش موج کمتر (عرض ناحیه موج کاهش می یابد) و میزان فرو رفتگی موج پشت پاشنه بیشتر می شود. به عبارت دیگر اینتراکشن بین بدنه و سطح آب کاهش می یابد؛ که این تغییرات با فیزیک واقعی حرکت شناور در آب تطابق دارد.



شکل ۸: الگوی موج تولید شده اطراف بدنه شناور در سرعتهای مختلف

۶-۳- نقاط طراحی انتخابشده و نتایج شبیهسازی برای آنها

مقادیر مربوط به هر پارامتر ورودی در نقاط طراحی ایجادشده با استفاده از روش باکس بنکن در جدول زیر مشاهده میشود. با استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی مقادیر پارامترهای خروجی مربوط در نقاط طراحی مختلف به دست آمد. بیشترین هزینه محاسباتی و زمان انجام فرآیند مرتبط با به دست آوردن خروجی برای هر کدام از نقاط طراحی میباشد. نتایج حاصلشده از شبیهسازی بهوسیله دینامیک سیالات محاسباتی نیز در جدول ۲ مشاهده میشود. نتایج حاصل از آزمایش مدل در سرعت های مختلف نشان می دهد که با توجه به احتمال وقوع ناپایداری

طولی^۵شناور در زوایای تریم بیشتر از ۳ درجه، با افزایش زاویه ددرایز در پاشنه می توان بر این مشکل غلبه نمود. این موضوع با آزمایش مدل در زوایای ددرایز نزدیک به ۳۰ درجه و حتی بیشتر از آن، مورد ارزیابی و بررسی قرار گرفته است.

جدول ۲: مقادیر پارامترهای ورودی بدست آمده با روش باکس-بنکن و پارامترهای خروجی بدست آمده از شبیه سازی عددی

شمار ہ مدل	سرعت ورودی (m/s)	فاصله پله از شناور (m)	زاویه ددرایز در بخش پاشنه (β)(°)	نیرو ی پسا وارد بر شناور (N)	نیروی بر آ وارد بر شناور (N)	تريم شناور (°)	بالاآمدگ ی شناور (m)
١	۱۰	٨٠٠	۳۰	177, 80	۲۳۶	۳,۶	۰,۰۵۷
۲	٨	٨٠٠	۲۷	٨٩	۲۳۰	4,•1	۰,۰۴۹۵
٣	١٢	٨٠٠	۲۷	۱۲۸, ۶	۲۳۷,۷	۳,۳۸	۰,۰۵۹
۴	٨	٨٠٠	۳۳	٩٧	221	۳,۶۸	۰,۰۵۶
۵	١٢	۸	٣٣	187, 89	۲۳۹,۵	۳,۰۸	۰,۰۶۱
۶	٨	۶	۳.	٨١	۲۳۴	4,79	۰,۰۴۸
۷	١٢	۶	۳۰	۱۲۵, ۳	۲۳۹	۳,۵۱	۰,۰۵۴
٨	۱۰	۶	۲۷	۸۸,۱ ۵	۲۳۱	4,71	•,•۴٩
٩	۱۰	۶	۳۳	۱۰۰, ۶	۲۳۴	٣,٨٩	•,•۵۲
۱۰	٨	1	۳۰	٩٩	۲۳۷	۳,۶۸	۰,۰۵۱
11	١٢	1	۳۰	۱۳۵, ۸	۲۳۹,۳۵	۳,۱۳	۰,۰۵۸
١٢	۱۰	1	۲۷	179, F	۲۳۸,۹۵	٣,۴٨	•,•۵٧٣
١٣	۱۰	1	۳۳	۱۰۷, ۲	۲۳۵	۳,۶	•,•۵۱۵

پس از ساخت مدل جانشین و به دست آوردن مقادیر خروجیهای مشخصشده (نیروی پسا وارد بر بدنه و ...) در تمام فضای طراحی، به بررسی تاثیر پارامترهای ورودی (سرعت جریان،زاویه ددرایز در پاشنه و فاصله پله از پاشنه) بر روی مقادیر خروجی و نقاط بهینه مقادیر خروجی در فضای طراحی پرداخته می شود.

۶-۴- نتایج پاسخ سطحی

با استفاده از نتایج حاصل شده از دینامیک سیالات محاسباتی مدل جانشین ساخته می شود. پس از ساخت مدل جانشین و به دست آوردن مقادیر خروجی های مشخص شده (نیروی پسا وارد بر بدنه و ...) در تمام فضای طراحی به صورت توابع پیوسته، در این بخش به بررسی نتایج و تاثیر پارامترهای ورودی (سرعت جریان،زاویه ددرایز در بخش پاشنه و فاصله پله از پاشنه) بر روی مقادیر خروجی و نقاط بهینه مقادیر پارامترهای خروجی در فضای طراحی پرداخته می شود.

۶-۴-۴ نیروی پسا وارد بر بدنه

اولین پارامتر خروجی مورد بررسی در این مطالعه تغییرات نیروی پسا وارد بر بدنه است. همان طور که در شکل زیر مشاهده میشود رابطه بین افت فشار و پارامترهای طراحی به صورت سهبعدی آورده شده است. لازم به ذکر است که مقدار پارامترهایی که در هر شکل به عنوان متغیر ورودی مورد بررسی نیستند در میانه ی بازه ی طراحی آن ها قرار دارد.

\proposing



شکل۹: : نمودارهای مربوط به تغییرات نیروی پسا برحسب پارامترهای ورودی. (الف) نیروی پسا برحسب سرعت جریان و زاویه ددرایز پاشنه (ب) نیروی پسا برحسب سرعت جریان و فاصله پله از پاشنه (ج) نیروی پسا برحسب زاویه ددرایز پاشنه و فاصله پله از پاشنه

همانطور که در شکل ۹ مشاهده می شود با افزایش سرعت، نیروی پسا وارد بر بدنه بهطور پیوسته افزایش می یابد. با افزایش زاویه ددرایز پاشنه ، مقدار نیروی پسا کاهش می یابد که این روند به صورت پیوسته نیست و در زاویه ددرایزهای بالا تا حدودی ثابت است. علت این امر در هوادهی بهتر در زاویه ددرایزهای بالا می باشد. تاثیر سرعت بر تغییرات نیروی پسا بیشتر از تاثیر زاویه ددرایز پاشنه می باشد. با افزایش فاصله نیز نیروی پسا افزایش می یابد.

۶-۴-۲ نیروی برآ وارد بر شناور

همانطور که در شکل ۱۰ مشاهده می شود با افزایش سرعت، نیروی برآ وارد بر بدنه به طور پیوسته افزایش می یابد. با افزایش زاویه ددرایز پاشنه، مقدار نیروی برآ کاهش می یابد که این روند به صورت پیوسته نیست و در زاویه ددرایزهای بالا تا حدودی ثابت است. تاثیر سرعت بر تغییرات نیروی پسا بیشتر از تاثیر زاویه ددرایز پاشنه می باشد. با افزایش فاصله نیز نیروی برآ افزایش می یابد. علت این امر در لیفت بالای ایجاد شده در قسمت پاشنه شناور می باشد.



شکل ۱۰: نمودارهای مربوط به تغییرات نیروی بر آ برحسب پارامترهای ورودی. (الف) نیروی بر آ برحسب سرعت جریان و زاویه ددرایز پاشنه (ب) نیروی بر آ برحسب سرعت جریان و فاصله پله از پاشنه (ج) نیروی پسا برحسب زاویه ددرایز پاشنه و فاصله پله از پاشنه

۶–۴–۳– تریم کل شناور

همانطور که در شکل ۱۱ مشاهده می شود با افزایش سرعت جریان، مقدار تریم کل شناور کاهش می یابد. اما این تغییرات در زاویه ددرایز های مختلف متفاوت است. با افزایش زاویه ددرایز مقدار تریم افزایش می یابد. علت این امر هوادهی بهتر در این حالت است. با افزایش فاصله پله از پاشنه مقدار تریم کاهش می یابد.



شکل ۱۱: نمودارهای مربوط به تغییرات تریم کل شناور برحسب پارامترهای ورودی. (الف) تریم کل شناور برحسب سرعت جریان و زاویه ددرایز پاشنه (ب) تریم کل شناور برحسب سرعت جریان و فاصله پله از پاشنه (ج) تریم کل شناور برحسب زاویه ددرایز پاشنه و فاصله پله از یاشنه

۶–۵– بهینه سازی

پس از ساخت مدل و پیشبینی مقادیر خروجی در تمام فضای طراحی، حال با صرف هزینه محاسباتی بسیار پایین با استفاده از الگوریتم ژنتیک، نقاط بهینه در فضای طراحی مشخص گردید. برای به دست آوردن نقاط بهینه بر اساس نتایج، کمترین میزان نیروی پسا وارد بر شناور، بیشترین میزان نیروی برآ و کمترین میزان تریم کلی شناور را شامل می شود. و حالت چند هدفه بهعنوان نقاط بهینه انتخاب می گردند. همچنین در حالت چند هدفه حالتی که بیشترین نیروی برآ و حالتی که کمترین نیروی پسا وارد شده بر بیشترین نیروی برآ و حالتی که کمترین تریم کلی در مساله ایجاد بدنه و کمترین نیروی پسا و کمترین تریم کلی در مساله ایجاد

جدول ۳: نقاط بهینه در فضای طراحی

شما ره	سرعت ورودی (m/s)	فاصله پله از شناور (mm)	زاویه ددرایز (β)(°)	نیروی پسا وارد بر شناور (N)	نیروی برآ وارد بر (N)شناور (تريم شناور (°)
١	٨	۶۰۰	٣٣	۶۸	-	-
٢	١٢	١٠٠٠	۲۷,۸	-	740,7	-
٣	١٢	987,8	۲۷	-	-	9,•49
۴	٨,•۶۶	۸۳۷	۲۷,۱۹۱	۴۳, ۱۰۰	-	3,94
۵	٨,٠٣٧	۶۱۵	۳۰,۳۷۸	٨٢	۲۳۳,۳۵	-

در جدول ۳، شماره های ذکر شده برای موارد زیر است:

شماره یک (۱) برای حالتی است که نیروی پسا به تنهایی به عنوان خروجی هدف کمترین مقدار شود. شماره دو (۲) برای حالتی است که نیروی برآ به تنهایی به عنوان خروجی هدف بیشترین مقدار شود. شماره سه (۳) برای حالتی است که تریم کلی شناور به تنهایی به عنوان خروجی هدف کمترین مقدار شود. شماره چهار (۴) برای حالتی است که میزان تریم و نیروی پسا به عنوان خروجی های هدف کمترین مقدار شوند. شماره پنج (۵) برای حالتی است که نیروی برآ بیشینه و نیروی پسا کمینه گردد.

۶-۶- آنالیز حساسیت

نتایج حاصل برای آنالیز حساسیت کلی^۹ به دست آمده از فر آیند بهینه سازی، کمک می کند تا حساسیت پارامترهای خروجی به پارامترهای ورودی مشخص گردد. مقادیر مثبت بیانگر رابطه مستقیم بین پارامتر ورودی و پارامتر خروجی می باشند. به طور مثال با افزایش پارامتر ورودی پارامتر خروجی نیز افزایش می یابد. هر چه این مقدار به صفر نزدیکتر شود رابطه بین پارامترها کمتر

'global sensitivity analysis

[1] D. Savitsky, Hydrodynamic design of planing hulls, J Marine technology, 1(1) (1964) 71-95.

[2] G. Fridsma, A systematic study of the rough-water performance of planing boats, STEVENS INST OF TECH HOBOKEN NJ DAVIDSON LAB, 1969.

[3] D. Savitsky, M.F. DeLorme, R. Datla, Inclusion of whisker spray drag in performance prediction method for high-speed planing hulls, J Marine Technology, 44(1) (2007) 35-56.

[4] M. Caponnetto, Practical CFD simulations for planing hulls, HIPER'01 Germany, (2001) 128-138.

[5] R. Azcueta, Steady and unsteady RANSE simulations for Littoral Combat Ships, in: 25th. Symposium on Naval Hydrodynamics, St. John's, Canada, 2004.

[6] S. Wang, Y. Su, Z. Wang, X. Zhu, H. Liu, Numerical and experimental analyses of transverse static stability loss of planing craft sailing at high forward speed, J Engineering Applications of Computational Fluid Mechanics, 8(1) (2014) 44-54.

[7] A. Najafi, S. Alimirzazadeh, M.S. Seif, RANS simulation of interceptor effect on hydrodynamic coefficients of longitudinal equations of motion of planing catamarans, J Journal of the Brazilian Society of Mechanical Sciences Engineering, 37(4) (2015) 1257-1275.

[8] E. Lee, M. Pavkov, L.J.J.o.S.P. McCue-Weil, The systematic variation of step configuration and displacement for a double-step planing craft, J Journal of Ship Production Design, 30(2) (2014) 89-97.

[9] H. Nourghasemi, M. Bakhtiari, H. Ghassemi, Numerical study of step forward swept angle effects on the hydrodynamic performance of a planing hull, J Zeszyty Naukowe Akademii Morskiej w Szczecinie, (2017).

[10] N.V. Queipo, R.T. Haftka, W. Shyy, T. Goel, R. Vaidyanathan, P.K. Tucker, Surrogate-based analysis and optimization, J Progress in aerospace sciences, 41(1) (2005) 1-28.

[11] S. Razavi, B.A. Tolson, D.H. Burn, Review of surrogate modeling in water resources, J Water Resources Research, 48(7) (2012).

[12] G.E. Box, K.B. Wilson, On the experimental attainment of optimum conditions, J Journal of the Royal Statistical Society: Series B, 13(1) (1951) 1-38.

[13] Y.A. Cengel, Fluid mechanics. (2010): Tata, McGraw-Hill Education.

[14] D.J.A.R.o.M.T. Svahn, The Royal Institute of Technology, KTH, Centre for Naval Architecture,



است. مقادیر منفی بیانگر رابطه معکوس بین پارامتر ورودی و

شکل ۱۲:: آنالیز حساسیت کلی (الف) نیروی پسا وارد بر بدنه (ب) نیروی بر آ وارد بر بدنه (ج) تریم کل شناور ؛ برحسب پارامترهای ورودی

همانطور که در شکل ۱۲ مشاهده میشود، سرعت جریان تأثیرگذارترین پارامتر بر روی پارامترهای ورودی است. همچنین زاویه ددرایز در بخش پاشنه کمترین میزان تاثیر را درمیان پارامترهای دیگر بر مقادیر خروجی دارد.

۷- نتیجهگیری

استفاده از فرآیند مدل سازی بر اساس جانشینی کمک شایانی در کاهش هزینههای محاسباتی شبیه سازی عددی در شناخت بهتر رفتار هیدرودینامیکی شناور سرشی ایفا کرد. در این مقاله با ایجاد یک فضای طراحی شامل سه پارامتر ورودی سرعت شناور، فاصله پله از پاشنه شناور و زاویه ددرایز در قسمت پاشنه سعی بر پیدا کردن مدل و موقعیت و رفتار شناور سرشی تک پله گردید. ابتدا شبیه سازی دینامیک سیالات محاسباتی بر روی ۱۳ نقطه طراحی اولیه انجام گرفت و با استفاده از نتایج آن به وسیله فرآیند روش مشخص گردید؛ و نقاط بهینه محلی و همچنین میزان تاثیر هر یک مشخص گردید؛ و نقاط بهینه محلی و همچنین میزان تاثیر هر یک از متغیرهای ورودی بر متغیرهای خروجی (نیروی پسا، برآ و تریم مشخص گردید؛ با توجه به نتایج به دست آمده از شبیه سازی دینامیک سیالات محاسباتی و فرآیند مدل سازی بر اساس

۱- سرعت شناور تاثیرگذارترین پارامتر بر روی پارامترهای
 خروجی در فضای طراحی است.

۲- با افزایش فاصله پله از پاشنه شناور نیروی پسا و برای وارد بر شناور افزایش و تریم کلی شناور کاهش می یابد؛ اما تاثیرگذاری آن بر تریم شناور بیشتر است.

۳- با افزایش زاویه ددرایز در بخش پاشنه نیروی پسا و برای وارد بر شناور کاهش و تریم کلی شناور افزایش می یابد؛ اما تاثیرگذاری آن بر نیروی برآ وارد بر شناور بیشتر است.

۸- منابع و مراجع

امین نجفی و محمدرضا نگهداری/ تحلیل هیدرودینامیکی شناور تندرو پلهدار با استفاده از دینامیک سیالات محاسباتی و روش سطح پاسخ

Performance prediction of hulls with transverse steps (2009).