یادداشت فنی

# یارامترهای هیدرودینامیکی جریان اطراف پایه استوانهای و بررسی عددی و تجربی آنها در حالت جریان آشفته

محمدعلى لطف اللهي يقين (\* ، عليرضا محتهدي '

۱– دکترای سازه های دریائی، دانشیار دانشکده عمران دانشگاه تبریز ۲– دانشجوی دکترای سازه های دریائی، دانشکده عمران دانشگاه تبریز

#### چکیدہ

استفاده از روشهای عددی در بررسی ماهیت پدیدههای طبیعی، حیطه وسیعی از علوم را به خود اختصاص داده است. به منظور بررسی عوامل موثر در مکانیسم پدیده گردابه جاری شونده، ضمن بررسی پارامترهای مربوط به هیدرودینامیک حول پایههای استوانهای، با بکارگیری دادههای تجربی مناسب و روشهای آنالیز طیفی، به بررسی جریان اطراف پایههای استوانهای واقع در معرض جریان یکنواخت آب در حالت جریان آشفته (با مد نظر قرار دادن نیروهای عرضی اعمالی به آن و فرکانس پدیده گردابه جاری شونده) پرداخته شده است. آنگاه با بررسی نحوه معرفی مناسب پارامترهای لازم برای یک نرم افزار کامپیوتری مورد استفاده در روشهای مکانیک سیالات محاسباتی، شرایط آزمایشگاهی مذکور مدلسازی شده و سپس نتایج آن با دادههای تجربی مفروض، مقایسه گردیده و نتیجهگیریهای لازم انجام گرفته است. نهایتا با به کارگیری نتایج برنامه، به منظور بررسی نحوه ی دست یابی به داده هائی که مستقیما از اندازه گیریهای تجربی مذکور حاصل نگردیده، به بررسی مکان یابی نقطه انشعاب واقع بر پایه استوانهای، اقدام شده است.

كلمات كليدى: جريان أشفته، عدد استروهال، گردابه جارى شونده، ناحيهٔ دنباله، نقطهٔ جدائى

**TECHNICAL NOTES** 

# HYDRODYNAMIC PARAMETER OF FLOW AROUND A CYLINDRICAL PILE AND ITS NUMERICAL AND **EXPERIMENTAL MODELING**

## Mohammad Ali Lotfollahi Yaghin<sup>1</sup>, Alireza Mojtahedi<sup>2</sup>

1- Associate Prof., Department of Civil Engineering, University of Tabriz 2- Ph.D. student, Department of Civil Engineering, University of Tabriz

#### Abstract

For investigation of natural phenomenon, numerical simulation has attracted considerable attention from many sciences in the engineering field. In this paper, the parameters of hydrodynamics around cylindrical structures in steady current (specially, vortex-shedding frequency which results oscillating lift force and also Reynolds number) have been described then flow regime around specified piles and its characteristics have been investigated by analysis of experimental data and power spectral density (in frequency domain) of the time series of the recorded lift forces which exerted on the piles. Then, the experimental condition of the supposed data, have been modeled numerically by CFD methods and fluent package. Output results which have been obtain form software compared with foregoing experimental data and simulating proceed have been validated. Furthermore, position of the separation point (as a function of Re), has been estimated by output of the fluent.

Key words: Separation Point, Strouhal Number, Vortex-Shedding, Wake

و به علت اعتبار دادههای آن در تحلیلهای این تحقیق مورد استفاده قرار گرفته است، معرفی میگردد. با تحلیل داده های مذکور و همچنین ترسیم توابع چگالی طیفی مربوطه، هیدرودینامیک نمونهها در حالت جریان یکنواخت مورد بررسی واقع شده است. آنگاه با استفاده از نرم افزار Fluent، شرایط آزمایشگاهی مذکور با توجه به پارامترهای بدست آمده از آزمایشها، مدلسازی شده و در بازهٔ زمانی لازم، مورد تحلیل قرار گرفته است. در ادامه با به کارگیری نتایج برنامه تلاش گردیده است به پردازش بیشتر داده های تجربی موجود اقدام شود و ضمن تایید محیط محاسباتی ایجاد شده به بررسی پارامترهای دیگری که ممکن است حین انجام آن آزمایش از دید پنهان مانده است، پرداخته شود. بنابراین به مکانیابی نقطه انشعاب واقع بر پایه که امكان بررسى مستقيم آنها توسط دادههاى تجربى مذكور ميسر نمى باشد، اقدام گرديده است. اين مطلب را از دو جهت می توان مفید دانست، اولا طرح ریزی مجدد آن آزمایشها قطعا بسیار دشوار خواهد بود و راهکار مطرح شده را می توان به عنوان بهترین گزینه جهت بررسی نکاتی که در طول انجام کار تجربی مد نظر قرار نگرفته اند، بکار برد. از سوی دیگر، با در نظر گرفتن هزینه های بسیار بالای حسگرها و ابزارهای لازم برای داده گیری در فرآیند انجام یک آزمایش هیدرولیکی و تحقیقاتی ، این راهکار پیشنهاد می کند که قبل از انجام آزمایش، با طرح یک سناریوی مناسب، خواسته های مسئله بین دو فرآیند عددی و تجربی تقسیم و به هرکدام تخصیص داده شود تا بدین ترتیب هزینه ها را به مقدار قابل قبولی کاهش داد. نهایتا با توجه به مراحل مذکور نتیجه گیریهای لازم انجام گرفته است.

#### ۱– مقدمه

روشهای تحلیل عددی ابزاری هستند که در طیف وسیعی از علوم، برای بررسی ماهیت پدیده های طبیعی بكار گرفته می شوند. مطالعه كیفیت و نحوه شكل گیری رژیمهای جریان حول پایههای استوانهای در معرض عبور جریان آب، از جمله مسائل مورد توجه در علوم مهندسی در زمینههای مهندسی دریا و هیدرودینامیک سازهها میباشد، چرا که بسیاری از اجزای تشکیل دهنده سازههای در معرض گذر جریانهای دریائی و رودخانهای، نظیر پایههای پلها و قسمتهای مختلف اعضای تشکیل دهنده سازه های دریائی، از لحاظ شکل هندسی دارای چنین صورتی میباشند. از جمله یدیدههای جالب توجه در طبیعت که در شرایط مذکور وقوع می یابد، پدیدهٔ گردابه های جاری شونده می باشد. در این پدیده، در جریان گذرندهای که دارای عدد رینولدز بزرگتر از مقدار مشخصی می باشد، در حالتی که تمامی یارامترهای مربوط به پایه و جریان دارای تقارن هندسی باشند، جریان گذرنده در پائیندست پایه، به صورت گردابههای نامتقارنی، شروع به جاری شدن می کند که علت دقیق و عامل اصلی رخداد این یدیده، همچنان به عنوان یکی از مجهولات علوم بشری شناخته می شود [۸].

در این مقاله با استفاده توام از دادههای آزمایشگاهی و تحلیلهای عددی، به بررسی جریان اطراف پایههای استوانهای واقع در معرض جریان آب و با مدنظر قرار دادن پدیده گردابه جاری شونده که از عوامل اعمال نیروی عرضی بر سازه مربوطه میباشد پرداخته شده است [۵]. بدین منظور، ابتدا در یک بخش، اشاره مختصری به پارامترها و مفاهیم هیدرودینامیکی مسئله شده است. سپس آزمایشگاهی معتبر (که در آن قابلیت انجام آزمایشاتی مختلف و با مقیاس بزرگ وجود دارد)

۲- مفاهیم نظری
۲- ماهیم نظری
۲-۱- تابع چگالی طیفی
به منظور تعریف تابع چگالی طیفی، تابع خود همبستگی به صورت میانگین گیری گروهی تولید یک
فرآیند تصادفی در زمانهای 11 و 12، مطابق رابطه ی زیر تعریف می شود [۴]:

$$R_{xx}(\tau) = E[x(t)x(t+\tau)] =$$

$$\lim_{T \to \infty} \frac{1}{2T} \int_{-T}^{T} x(t)x(t+\tau)dt$$
(1)

تابع چگالی طیفی در بازهٔ فرکانسی با استفاده از رابطـه تبدیل سری فوریه تابع خود همبستگی تعریف میشـود [۱۰]:

$$S_{xx}(\omega) = \frac{1}{\pi} \int_{-\infty}^{\infty} R_{xx}(\tau) e^{-iw\tau} d\tau$$

$$R_{xx}(\tau) = \frac{1}{2} \int_{-\infty}^{\infty} S_{xx}(\omega) e^{iw\tau} d\omega$$
(Y)

به صورت عملی تر می توان چنین عنوان داشت که، نمودار تابع چگالی طیفی نشان دهنده سهم انرژی هر کدام از دامنه های امواج سری زمانی سینوسی منظم تشکیل دهندهٔ موج نامنظم حاصل از ترکیب آنها، می باشد.

#### ۲-۲- عدد رينولدز

رژیم جریان حول پایه استوانهای در شرایط جریان یکنواخت توسط پارامتر بیبعد عدد رینولدز کنترل میشود:

$$R_e = \frac{D.U}{v} \tag{(7)}$$

$$^{
u}$$
 در این رابطه  $D$  قطر سیلندر و  $U$  سـرعت جریـان و  $^{
u}$  ویسکوزیته سینماتیکی سیال میباشد [۲].

ترسیم شده است، نیرومند می گردد. گردش در گرداب A در جهت حرکت عقربههای ساعت انجام می گیرد، در حالیک در گرداب B در راستای مخالف حرکت عقربههای ساعت می باشد. نهایتا در یک لحظ و زمانی گرداب A جاری گردیده و تبدیل به گردابهای آزاد می گردد و توسط جریان به سوی پاییندست انتقال می یابد. این رویه تا زمانی که یک گردابه جدید در یک سمت استوانه جاری شود ادامه یافته و این جاری شدنها منجر به تداوم رفتاری متناوب بین دو جانب استوانه می گردد [۴].



شکل ۱ – مکانیسم جاری شدن گردابه. a): قبل از جاری شدن گردابه A ، گردابه B در طول دنباله کشیده می شود، b) : قبل از جاری شدن گردابه B، گردابه C در طول دنباله کشیده می شود.

### ۲-۴ - عدد استروهال'

هنگامیکه فرکانس گردابه جاری شونده با سرعت جریان (D) و اندازهٔ قطر استوانه (D) نرمالیزه شود، عدد استروهال حاصل می شود:

$$St = \frac{f_v \cdot D}{U} \tag{)}$$

در رابطهٔ (۲)،  $f_v$  فرکانس گردابه جاری شونده است. عدد استروهال تابعی از عدد رینولدز و زبری سطح استوانه میباشد:

$$St = St(Re, ks/D)$$
 ()

*ks* هم ارز زبری ماسه نیکوراذره نامیده می شود [۹]. شکل ۲ چگونگی تغییرات عدد استروهال با عدد رینولدز را برای استوانههای با سطح بدنه صاف نشان می دهد [۲].

نمونههای استوانهای زبر و با قطر ۲۱ سانتیمتر، برای دو مقدار متفاوت عدد رینولدز، ترسیم شدهاند (شکل ۵). در این شکل، طیف نیروها به صورت نوار باریک بوده و دارای پیکی برجسته و تیز میباشند. این حالت نشان دهندهٔ این نکته است که با توجه به رژیم جریان مربوطه (رژیم مادون بحرانی) جاری شدن گردابهها با مدی منظم که به خوبی قابل تعریف می باشند، روی میدهد [۲]. افزون بر این، با توجه به شکل (۵) و با مقایسه دو طیف موجود در آن و مقادیر اعداد رینولدز مربوطه، می توان نتیجه گرفت که در بازهٔ رژیم جریان دادهها، افزایش عدد رینولدز باعث می شود که جاری شدن گردابهها با قدرت و شدت بیشتری انجام گیرد و مقدار فركانس حاكم نيز افزايش مييابد.



نمونه زبر با قطر ۲۱/+ متر با دو عدد رینولدز متفاوت

۲-۴- بررسی پدیدهٔ گردابه جاری شونده

برای محاسبهٔ مقادیر عدد استروهال، باید مقادیر فرکانس گردابه جاری شونده مشخص گردد که مستقيماً از فايلهاي اطلاعاتي آزمايش مذكور، قابل دسترس نمی باشد. بعنوان نتیجه ای از پدیدهٔ جاری شدن گردابهها، توزیع فشار حول استوانه به هنگام انجام رویهٔ جاری شدن متحمل تغییراتی نوسانی میشود که ارتعاشات متناوبی را در مولفههای نیروهای وارد بر استوانه ایجاد می کند. نیروی عرضی وارد بر استوانه در فركانسى برابر با فركانس ارتعاشات گردابه جارى شونده نوسان می کنند، که از این موضوع در این مقاله برای محاسبهٔ فرکانس جاری شدن و به تبع آن عدد استروهال استفاده گردیده است [۲]. به منظور بررسی یدیدهٔ گردابه جاری شونده به استخراج جدول عدد



street

شکل ۲ - مقدار عدد استروهال برای یک استوانه

$$\frac{ks}{D} = 0/038$$

)

.(



شکل ۳- طرح شماتیک کانال موج دلتا



شکل ۴- نمایش شماتیک نصب هر دو استوانه داخل کانال

۴- بررسی پارامترهای هیدرودینامیکی ۴-۱- تابع چگالی طیفی نیروهای عرضی برای انجام بررسیهای مربوط به هیدرودینامیک نمونهها، تابع چگالی طیفی نیروهای عرضی برای

رینولدز و عدد استروهال با استفاده از تحلیل دادههای خام آزمایشهای مذکور برای استوانههای با سطوح بدنه صاف و زبر اقدام گشته است (جدول ۱). در شکل ۶، نمودار سری زمانی قسمتی از دادههای نیروی عرضی، نشان داده شده است.

مدل انجام گرفته است. شبکه بکار رفته از نوع بی سازمان و شکل سلولها به صورت مثلثی انتخاب گردیده است. مناسب بودن کیفیت شبکهبندی مورد تائید نرم افزار Fluent نیز واقع شدهاند. آنگاه در نرم Fluent





## ۵- مدلسازی عددی شرایط آزمایش

به منظور ایجاد مدل هندسی مربوط به نمونه مورد آزمایش از برنامه *Gambit* استفاده گردیده است. با توجه به عرض ۵ متری کانال آزمایشگاه و قطر استوانه ها، مطابق شکل ۲ مدلسازی و شبکه بندی







شکل ۷- مدل هندسی محیط و شبکهبندی آن.



شکل ۸- شدت اغتشاش با توجه به عدد استروهال به عنوان تابعی از عدد رینولدز [۳]

				<u>.                                    </u>			
صاف				$(\frac{ks}{D} = 0.038)$ زبر			
D	и	Re	fv	D	и	Re	fv
قطر استوانه	سرعت جريان	عدد رينولدز	فركانس نيروى عرضي	قطر استوانه	سرعت جريان	عدد رينولدز	فركانس نيروى عرضي
۰ /۲ ۱	٠/٢	۴/۱ × ۱۰ <sup>۴</sup>	٠/١٩٨	۰/۲۱	٠/٢	4/1 × 1.4	٠/٢١٩
۰ /۲ ۱	•/49	۹/۶ × ۱۰ <sup>۴</sup>	٠/۴٣٨	• / ۲ ۱	•/۴٣	۸/٩ × ۱۰ <sup>۴</sup>	•/۴۷١
•/۵	۰ /۲ ۱	۱/• ۴ × ۱۰ <sup>۵</sup>	•/•**	•/۵	• /٢	۱ × ۱۰ <sup>۵</sup>	•/•97
•/۵	۰/۴۰۵	$r \times 1 \cdot \circ$	•/ <b>\</b> Y	• / ۲ ۱	•/97	۱/٩ × ۱۰ <sup>۵</sup>	1/• 57
۰ /۲ ۱	٠/٩٨	$r/\cdot r \times 1 \cdot^{\Delta}$	•/٩۶	•/۵	٠/٣٩	۱/۹۳ × ۱۰ <sup>۵</sup>	•/\ <b>\</b> Y
• / ۵	•/٩۶	$F/Y \times 1$ · <sup><math>\Delta</math></sup>	•/۴•٣	•/۵	•/٩۶	۴/۷ × ۱۰ <sup>۵</sup>	٠/۴٧٧

جدول ۱- عدد رینولدز و فرکانس نوسانات نیروی عرضی برای دو نمونهٔ استوانهٔ صاف و زبر

برنامه برای تحلیل در مدت زمان یک ثانیه و با گامهای ۰/۰۲۵ ثانیه برابر با گامهای قرائت حسگرهای آزمایش مذکور، تنظیم گردید.

#### ۵-۱- خروجیهای نرم افزار

در هر یک از گامها، نمودار فشار<sup>۵</sup> مطابق با شکل ۹ ترسیم و فرکانس نوسان مقدار حداکثر فشار بعنوان فرکانس گردابه جاری شونده استفاده شد. آنگاه تعداد گامهای موجود در یک نوسان کامل تخمین زده شد، و با علم به اینکه هر گام معادل ۲۰۲۵ ثانیه میباشد، زمان تناوب یک سیکل کامل نوسانات محاسبه و با معکوس نمودن آن، مقدار فرکانسها بدست آمد. در شکل ۹ ناحیه دنباله نیز نشان داده شده است [۱۱].



#### شکل ۹- توزیع فشار حول نمونه و تعیین موقعیت ناحیه دنباله

۵-۲- محاسبه فرکانس گردابه جاری شونده برای محاسبهٔ فرکانس گردابه، نقطهای در راستای زاویهٔ °۲۰ از محور واقع برجهت عرضی کانال (شکل ۱۰، (φ<sub>s</sub> = ۷۰<sup>0</sup>) بر روی محیط خارجی بدنهٔ استوانه تعریف

شده، آنگاه با استفاده از دادههای نرمافزار، تغییرات نیروی فشاری در این نقطه بدست آمده و فرکانس نوسان مقدار فشار حول صفر بعنوان فرکانس گردابه جاری شونده استفاده گردیده است [۲]. جدول ۲ این فرکانسها را برای دو حالت بدنهٔ زبر و صاف ارائه میدهد. نتایج حاصل که در جدول ۲ ارائه شده است با نتایج حاصل از تحلیل دادههای تجربی در جدول ۱ دارای همخوانی میباشد.

جدول ۲ - فرکانسهای نوسان نیرهای عرضی

نمونه با سطح صاف								
Re	$f_v$ (نرم افزار)	(آزمایش)						
		$f_v$						
۲ × ۱۰ <sup>۵</sup>	·/1Y۵	•/\Y						
۴/۱×۱۰۴	۰/۲	•/١٩٨						
۹/۶ × ۲۰ <sup>۴</sup>	٠/۴۵	• /۴۳۸						
نمونه با سطح زبر								
Re	f. (liel a.i)	(آزمایش)						
ne	ייברי ייביני יו	$f_v$						
۱/۹ × ۱۰ <sup>۵</sup>	۱/•۵	۱/• ۵۲						
4/1 × 1. *	٠/٢٢۵	٠/٢١٩						
۸/٩ × ۱۰ <sup>۴</sup>	٠/۴٧۵	•/41						

#### ۵–۳– مکان یابی نقطه جدائی

با استفاده از مدل کامپیوتری حاصل، به مکان یابی نقطهٔ جدائی که توسط دادههای تجربی بیان شده قابل بررسی نمیباشد، پرداخته شده است. بدین منظور، با توجه به توضیحات، ناحیه ی دنباله تعیین گردیده و به مکانیابی نقطه انشعاب اقدام شده است (جدول ۳). \_\_\_\_ نشریه مهنــدسـی دریـا

حوزهٔ مطالعاتی داده های تجربی، با استفاده از مدلسازی عددی نشان داده شده است.

کلید واژگان

1-Strouhal Number

2-Root-Mean-Square

3-No Slip Boundary Condition

4-Turbulence Intensity

5-Total Pressure

۷- مراجع

1-Achenbach E, (1968). "Distribution of local pressure and skin frication around a circular cylinder in cross – flow up to Re =  $5 \times 105$ ." J. Fluid Mech., 34 (4): 625-639.

2-Mutlu S. & and Fredsoe B. (1997). "Hydrodynamics around cylindrical structures." World Scientific.

3-Cheung J.C.K. and Melbourne W.H. (1983). "Turbulence effects on some aerodynamic parameters of A circular cylinder at supercritical reynolds numbers." J. Wind Engineering and Industrial

Aerodynamics, 14: 399-410.

4-Gerrard J.H. (1989). "The Mechanics of the Formation Region of Vortices Behind Bluff Bodies." J. Fluid Mech., 25:401-413.

5-Halkyard J. (2005). "Benchmarking of truss spar vortex induced motions drived from CFD with expriments." 24th International Conference on Offshore Mechanics and Arctic Engineering, June 12-17, Halkidiki, Greece.

6-Heinecke, E. and Achenbach, E. (1981). "On Vortex Shedding from Smooth and Rough Cylinders in the Range of Reynolds Numbers  $6 \times 103$  to  $5 \times 106$ ." J. Fluid Mech. 7-Mackwood, P.R., (1993). "Wave and Current Flows Around Circular Cylinders at Large Scale." LIP Project 10D, PP. 27.

8-Miau J., Leu, T.S. and Liu, T. W. (1997). "On vortex shedding behind a circular disk. Experiments in fluids", 225-233.

9-Nikuradse J., (1933). "Stromungsgesetze in Rauhen Rohren." Arb.Ing. Wes. No. 361. 10-Ochi M.K., (1990). "Applied Probability and Stochastic Process in Engineering and Physics Sciences." John Wily & Sons, Inc., New-York. بیانگر زوایهٔ این نقاط در دستگاه مختصات واقع بر  $\phi_s$  مرکز استوانه میباشد (شکل ۱۰) .



شکل ۱۰ - موقعیت زاویه  $\phi_s$  نسبت به پایهٔ استوانهای.

نتایج جدول ۳ با کارهای تجربی [۱]، دارای همخوانی بوده و قابل تأیید میباشند.

جدول ۳ - موقعیت نقاط جدائی با توجه به عدد رینولدز

( <sup>۴</sup> ۱۰×)عدد رینولدز	۴/۱	٩/۶	1/•4	٢	٣
$oldsymbol{\phi}^{0}_{s}$ (نرمافزار)	٨٠	۷۵	۷۵	٨۵	٩۵
${\pmb \phi}^0_s$ (آخنباخ)	٨٣	٧٧	۷۷	٨۶	٩٨

-

با بررسی تابع چگالی طیفی دادههای تجربی نشان داده شد که زبری بدنه ی استوانه میتواند به عنوان عاملی موثر، در افزایش فرکانس گردابه جاری شونده دخیل باشد. همچنین، در محدودهٔ اعداد رینولدز مربوط به آزمایشهای مذکور (رژیم مادون بحرانی)، پدیدهٔ گردابه جاری شونده به حالتی منظم انجام می گیرد. با ترسیم تابع چگالی طیفی نیروهای عرضی، تاثیر سرعت در پدیدهٔ گردابه جاری شونده واقع در رژیم جریان مربوطه (رژیم مادون بحرانی)، به صورت افزایش مقدار انرژی و بیشتر شدن فرکانس پیک حاکم مربوط به تابع رسم شده، مشاهده میشود.

با توجه به توافق عملکرد نرمافزار و نتایج آزمایشهای مذکور، مناسب بودن فرض این نکته که فشار و نیروی عرضی حاصل از پدیدهٔ گردابه جاری شونده در فرکانسی برابر با فرکانس جاری شدن گردابهها نوسان میکنند، مورد تأئید و اثبات قرار گرفته است.

آنگاه مراحل انجام رویهای برای انتخاب مناسب پارامترها به منظور مدلسازی عددی مربوط به آزمایش مذکور و توسط نرم افزار *Fluent* ارائه گردیده است. نهایتاً با بررسی مکان یابی نقطهٔ انشعاب، توانائی بسط Cylinder Measured by Two- and Three-Component PIV." Flow, Turbulence and Combustion., 185-204.

11-Perrin, R., (2005). "Near-Wake Turbulence Properties in the High Reynolds Number Incompressible Flow Around a Circular