

توسعه روش عددی المان مرزی جهت مدل سازی حریان دوفازی حول پروانه نیمه مغروق با در نظر گرفتن تاثیر جریان عرضی

احسان یاری^{۱*}, علی براتی مقدم^۲

^۱ استادیار / مجتمع دانشگاهی مکانیک، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، ehsanyari11@gmail.com

^۲ دانشجوی کارشناسی ارشد / مجتمع دانشگاهی مکانیک، دانشگاه صنعتی مالک اشتر، ali.barati.moghaddam@gmail.com

اطلاعات مقاله	چکیده
<p>تاریخچه مقاله: تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۹۸/۰۵/۲۱ تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۸/۰۷/۱۹</p> <p>کلمات کلیدی: پروانه نیمه مغروق روش المان مرزی تاثیر جریان عرضی</p>	<p>طراحی و تحلیل پروانه نیمه مغروق به علت مواجه شدن با پارامترهای هندسی و هیدرودینامیکی مختلف مانند پروفیل سطح مقطع پره، پدیده کاویتاسیون-هواده‌ی، اثر سطح آزاد و حریان چند فازی بسیار پیچیده است. برای طراحی و بهینه‌سازی سامانه رانش پروانه نیمه‌مغروق، نیاز به حل گری است که بتواند با در نظر گرفتن کلیه پارامترهای هندسی و جریانی در مدت زمان کمی نتایجی با دقت مناسب ارائه دهد. در این مقاله تحلیل پروانه نیمه‌مغروق با استفاده از روش المان مرزی پرداخته شده است. دنباله موجود در پایین دست پروانه مدل‌سازی شده است و شرط مرزی سطح آزاد با استفاده از بسط تیلور و با در نظر گرفتن طول موج بلند استخراج شده است. نتایج به دست آمده در مقایسه با داده‌های تجربی نشان می‌دهد که روش المان مرزی قابلیت تحلیل پروانه نیمه مغروق را دارا بوده و با استفاده از نتایج عددی به دست آمده از این روش امکان تفکیک نواحی هواده‌ی اولیه، گذرا و ناحیه کاملاً هواده‌ی حین چرخش پروانه نیمه مغروق امکان‌پذیر می‌باشد. در این مقاله اثر جریان عرضی روی نتایج محلی مورد بررسی قرار گرفته است. از مقایسه نتایج عملکردی پروانه با در نظر گرفتن جریان عرضی، کاهش خطاها در ضرایب پیشروی کم مشاهده می‌شود.</p>

Boundary element method development for modeling of two-phase flow around the surface piercing propeller with regard to cross-flow effect

Ehsan Yari^{1*}, Ali Barati Moghadam²

¹Assistant professor, department of mechanical engineering, Maleke-Ashtar University of technology; ehsanyari11@gmail.com

²Master of science student, department of mechanical engineering, Maleke-Ashtar University of technology; ali.barati.moghaddam@gmail.com

ARTICLE INFO

Article History:

Received: 12 Aug. 2019

Accepted: 11 Oct. 2019

Keywords:

Surface piercing propeller

Boundary element method

Cross flow effect

ABSTRACT

Design and analysis of the semi-submersible propeller due to meet with geometric and hydrodynamic parameters such as profile cross-section of blades, cavitation, ventilation, the effect of free surface and multiphase flow is very complicated. Designed and optimized for the semi-submersible propeller propulsion systems, requiring the solver is able to consider all the geometric parameters and flow in a short time with accurate results. In this paper, analyzes of the semi-submersible propeller using the boundary element method has been developed. Wake in the downstream of SPP is modeling and boundary condition using Taylor expansion and taking into account the long wave length is extracted. The results compared with experimental data shows that the boundary element method capable for analysis of SPP and using obtained numerical results by this method, the separation of initial, transient and fully ventilated areas during the rotation of the semi-submersible propeller is possible. In this paper, cross-flow effect on local results is discussed. By comparing the performance results of the propeller with considering the cross flow effect, the error reduction at low advanced coefficients is observed.

نیمه مغروق همان گونه که مشاهده می گردد، چگالی و رشد حباب های تولید شده (ریزش گردابه) نسبت به سایر سامانه های رانش متداول بسیار کمتر می باشد. در این سامانه رانش پدیده هوا دهی جایگزین پدیده کاویتاسیون شده و لذا آثار مخرب پدیده کاویتاسیون مانند خوردگی، کاهش تراست و کاهش بازده حذف گشته و افزون بر آن به واسطه تشکیل ناحیه هوا دهی راه اندازی اولیه موتور بهتر و میزان تراست تولیدی افزایش می یابد.

جدول ۱- مقایسه سامانه های رانش دریایی

سامانه رانش پروانه معمولی	سیستم رانش موتور برون نصب	سیستم رانش واترجت	سیستم رانش سطحی

سامانه رانش واترجت تا سرعت ۴۰ گره دریایی دارای بیشترین بازده نسبت به سایر سامانه های رانش متداول شناورهای تندرو می باشد اما با افزایش سرعت پروانه های نیمه مغروق عملکرد بهتری را در شناورهای پرسرعت و در سرعت های بالا دارا می باشند. آخرین کم شناور و حذف کاویتاسیون از جمله مهم ترین انگیزه هی طراحان برای برسی، طراحی و به کارگیری سامانه رانش پروانه نیمه مغروق بوده است. به گونه ای که میزان آبخور شناور می تواند حتی کمتر از نصف قطر پروانه باشد.

۱-۱ هندسه مقطع و سری های مختلف

هندسه پولنه نیمه مغروق، از نظر ظاهری تا حدودی شبیه هندسه پروانه های معمولی است، با این تفاوت که طراحی مقطع پره اغلب به گونه ای است که دارای لبه ابتدایی ^۳ نوک تیز با زاویه ورودی کم و لبه انتهایی ^۴ ضخیم و پله دار ^۵ می باشد. توپی پروانه و ریشه پره در مقلبل بارهای زیاد خارج از مرکز و تناوبی وارد، مقاوم ساخته می شوند. نمونه ای از این مقاطع در شکل ۲ نشان داده شده است.



شکل ۲- سه نمونه از مقاطع پره پروانه نیمه مغروق

۱- مقدمه

پروانه نیمه مغروق جزو سیستم های رانش نوین دریایی می باشد که به علت کاربرد زیاد در شناورهای سبک و تندرو از اهمیت ویژه ای برخوردار است. پارامتر کاویتاسیون که در پروانه های معمولی ^۱ (کاملاً مغروق ^۲) سبب کاهش تراست، افزایش گشتاور و همچنین ارتعاشات روی شفت و بدنه شناور می شود، در سیستم رانش پروانه نیمه مغروق با پدیده هوا دهی جایگزین می شود. سیستم رانش پروانه ای کاملاً مغروق در گستره وسیعی از شناورهای سطحی کوچک، سبک و حتی تناز متوسط استفاده می شود. شناورهای مجهر به پروانه نیمه مغروق قابلیت حرکت در آب های کم عمق، عمیق و حتی آب های گل آلود را دارا می باشند. دانش طراحی و تحلیل پروانه نیمه مغروق به علت مواجه شدن با پارامترهای هندسی و هیدرودینامیکی مختلف مانند پروفیل سطح مقطع پره، پدیده کاویتاسیون - هوا دهی، اثر سطح آزاد و جریان چند فازی بسیار پیچیده و سخت می باشد. در شکل ۱ هندسه یک نمونه شناور مجهر به پروانه نیمه مغروق در یک آبخور مشخص نشان داده شده است. مهم ترین مزایای پروانه نیمه مغروق را می توان به صورت زیر خلاصه نمود:

- امکان افزایش قطر پروانه به اندازه دلخواه
- عدم محدودیت در احتمال وقوع پدیده کاویتاسیون و جایگزینی آن با پدیده هوا دهی
- تغییر پروفیل سطح مقطع پره پروانه و امکان دسترسی به بازده بالا در سرعت های بالای شناور
- تغییر میزان غوطه وری پروانه و کاهش زاویه شفت شناور



شکل ۱- شناور تندرو مجهر به سامانه رانش پروانه نیمه مغروق ^۳

در جدول ۱ چهار نوع سامانه رانش دریایی با توجه به میزان وقوع پدیده کاویتاسیون مورد مقایسه و بررسی قرار گرفته اند. مطابق شکل های ارائه شده، بیشترین میزان رشد حباب تولید شده و ریزش گردابه مربوط به پولنه کاملاً مغروق و سامانه رانش موتور قایق می باشد. در سامانه رانش واترجت، در قسمت ورودی، طول کanal و در قسمت خروجی چگالی نسبتاً بالایی از حباب های تولید شده و ریزش گردابه مشاهده می گردد. اما در سامانه رانش پروانه

۱-۳ تاریخچه

در گذشته به علت عدم پیشرفت قدرت پردازش سامانه‌های نرم‌افزاری بیشتر مطالعات صورت گرفته روی پروانه‌های نیمه‌مغروق بر پایه آزمایش تجربی استوار بوده است. از جمله اولین افرادی که روی پروانه‌های نیمه‌مغروق فعالیت داشته است، رینولدز^۷ (۱۸۷۴) است که به مطالعه تاثیر میزان غوطه‌وری روی عملکرد پروانه‌های اسکیودار پرداخته است[۱]. پس از آن تحقیقات تجربی زیادی صورت گرفته است که مهم‌ترین آن‌ها توسط شیبا^۸ (۱۹۵۳)[۲]، هادرل و هکر^۹ (۱۹۶۸)[۳]، هکر (۱۹۷۳)[۴]، راینز^{۱۰} (۱۹۸۱)[۵]، رز و کروپا^{۱۱} (۱۹۹۱)[۶]، کروپا (۱۹۹۲)[۷]، رز و همکاران (۱۹۹۳)[۸] و ولنگ^{۱۲} (۱۹۹۵)[۹] اشاره کرد. تمرکز کلیه این تحقیقات روی تعیین متوسط تراست، گشتاور، ممان‌های خمشی و نیروهای جانبی می‌باشد. از فعالیت‌های تجربی صورت گرفته در دو دهه اخیر می‌توان به اولفسون^{۱۳} (۱۹۹۶)[۱۰]، میلر و زانتیر^{۱۴} (۱۹۹۸)[۱۱]، دایسون^{۱۵} (۲۰۰۰)[۱۲] و دایسون و همکاران (۲۰۰۰)[۱۳] اشاره کرد. عمدۀ فعالیت‌ها در این تحقیقات روی تعیین بازده دینامیکی پروانه‌های نیمه‌مغروق و نیروهای القایی روی پره‌ها، شفت، هاب و... است.

با توجه به هزینه بالای روش‌های تجربی و با پیشرفت نرم‌افزارهای برنامه‌نویسی و ارتقای سرعت در پردازش استفاده از روش‌های عددی جایگاه ویژه‌ای جهت تحلیل و بهینه‌سازی سامانه‌های رانش دریایی ایجاد شده است. با توجه به تعدد تعداد پارامترهای هندسی و جریانی در تحلیل پروانه‌های دریایی و بخصوص پروانه نیمه‌مغروق لذا روش‌های عددی مناسب جهت تحلیل پروانه نیمه‌مغروق روش‌های خطوط بالابر، سطوح بالابر و بویژه المان مرزی است که نسبت به روش‌های حجم محدود، تفاضل محدود و المان محدود از قابلیت بالایی برخوردار هستند.

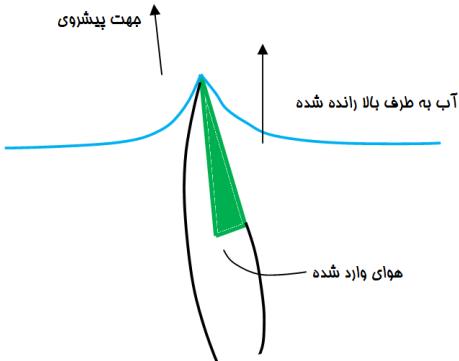
اولین فعالیت‌های مربوط به مدل‌سازی عددی پروانه‌های نیمه‌مغروق توسط ابرمت^{۱۶} (۱۹۶۸) با استفاده از روش عددی تئوری خطوط بالابر و بدون در نظر گرفتن پارامترهای هوادهی و تغییرات دنباله انجام گرفته است[۱۴]. ولنگ و همکاران (۱۹۹۰) آنالیز ورود یک هیدروفویل سه بعدی به آب را با استفاده از روش عددی تئوری سطوح بالابر در حالت ناپایا انجام دادند[۱۵].

در ادامه روش‌های عددی ساوینیو^{۱۷} و کیناس (۱۹۹۵) با استفاده از روش عددی المان مرزی دو بعدی به بررسی و آنالیز میدان جریان اطراف هیدروفویل نیمه‌مغروق با در نظر گرفتن هوادهی کامل پرداختند. اما این تحقیق صرفاً به بررسی ورود هیدروفویل به آب پرداخته بود و خروج هیدروفویل از آب را مورد بررسی قرار نمی‌داد و تغییرات سطح آزاد حذف شده بود[۱۶]. یانگ^{۱۸} و کیناس (۲۰۰۲) با استفاده از روش المان مرزی به بررسی مدل‌سازی سه بعدی پروانه‌های سوپرکاویتاپسیون و نیمه‌مغروق پرداختند. در این

۱-۴ دنباله‌ی آب و تشکیل اسپری

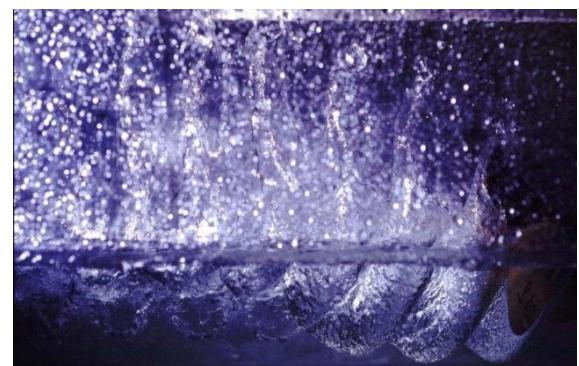
در هنگام برخورد پره بروانه نیمه‌مغروق پدیده‌هایی رخ می‌دهد، که وقوع آن‌ها در این نوع پروانه‌ها نسبت به سایر پروانه‌های متداول بیشتر است. سطح بدن شناورها در هنگام حرکت، آب را در هوا اسپری می‌کنند. پدیده تشکیل اسپری در نتیجه کاهش عدد وبر در پشت پره، و ایجاد دنباله آب در هنگام خروج پروانه است. توسط سه عامل جریان آب را درون هوا اسپری می‌شود:

- نیروهای فشاری روی سطح دنباله، مقداری از آب را به بالا می‌رانند.



شکل ۳- اسپری آب ناشی از نیروهای فشاری

- نیروهای برشی لزج، ناشی از سطح فشاری پره، سطح آب را به سمت بالا می‌کشد، سپس آب را از لبه انتهایی پره، به صورت شعاعی به خارج پرتاب می‌کند.



شکل ۴- اسپری آب به صورت شعاعی

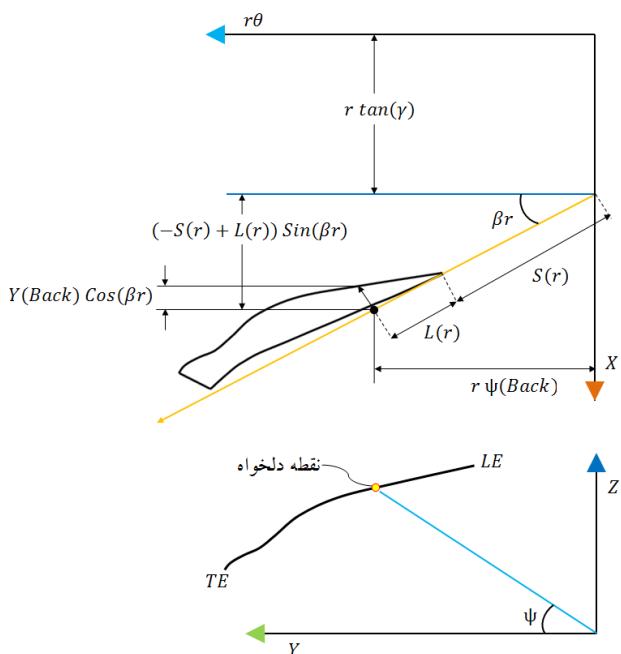
عدد رینولدز جریان آب در شرایط عملکرد در سرعت بالا، از مرتبه ۱۰^۶ است. در این رینولدز، تئوری لایه مرزی، عدد رینولدز محلی پایینی را، در سمت پرفشار بروانه، در نزدیکی پره، و هم‌چنین حباب‌هایی را در سمت مکش، و تشکیل ناحیه‌ی لزج را، پیش‌بینی می‌کند. در هنگام حرکت رو بالای پره، به سطح آب، نیروهای ویسکوز، مقداری از آب را اطراف پره نگه می‌دارند. پره می‌تواند ۷ تا ۱۲ درصد حجم آب را، به اتمسفر خارج می‌کند.

می‌شوند پارامترهای مورد استفاده در فرمولاسیون پروانه بصورت زیر
تعریف می‌شوند:

(r) S: فاصله لبه جلویی هر مقطع از خط مرجع پروانه^{۲۲} می‌باشد
(r) S در سمت چپ دستگاه محلی قرار گرفته است، بنابراین با علامت منفی در فرمول ظاهر می‌شود. مبدا دستگاه مختصات محلی در لبه جلویی هر مقطع قرار می‌گیرد؛ جهت مثبت برای مولفه X به سمت لبه انتهایی مقطع بوده و جهت مثبت \hat{z} ، به سمت سطح پشتی پره است.

(r) L: فاصله لبه جلویی هر مقطع تا تصویر نقطه مورد نظر روی کورد آن مقطع می‌باشد.

$\eta_{(Back)}$: جابجایی محیطی هر یک از نقاط یک مقطع، روی دایره‌ای با شعاع آن مقطع می‌باشد.



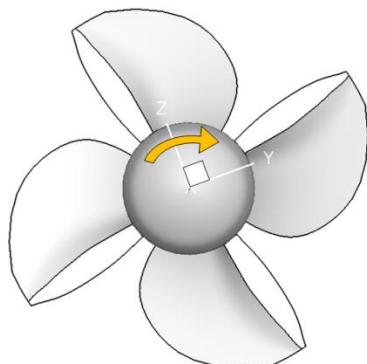
شکل ۵- شماتیک مربوط به فرمولاسیون ارائه شده برای هندسه پروانه دنباله بصورت یک صفحه با ضخامتی برابر با صفر در نظر گرفته می‌شود؛ که هیچ‌گونه پوش جریان و فشاری روی سطح دنباله وجود نداشته، ولی پرش در مقادیر پتانسیل می‌تواند وجود داشته باشد. در شکل ۶ هندسه سه بعدی و گسسته شده پروانه و دنباله در نمایهای مختلف نشان داده شده است. برای در نظر گرفتن اثرات دنباله مطابق نتایج تجربی طول دنباله به اندازه ۴ برابر قطر پروانه در نظر گرفته شده است.

تحلیل جریان تراکمنپذیر، غیر ویسکوز و غیر چرخشی در نظر گرفته شده است. در این تحقیق اثر جت سطح آزاد حذف شده و سطح آزاد به صورت تخت و با استفاده از روش تصویرسازی مدل شده است. عدد فرود بدون در نظر گرفتن حدود همواره سعودی در نظر گرفته شده است. اثر ویک روی سطح آزاد نیز حذف شده است [۱۷]. یانگ و ساواندر^{۱۹} (۲۰۱۱) به بررسی آنالیز عددی پروانه‌های نیمه‌مغروف با اشل بزرگ پرداختند. در این مقاله هیدرولاستیک سه پروانه نیمه‌مغروف طراحی شده با استفاده از SES کوپل المان مرزی و المان محدود برای یک نمونه شناور مورد بررسی قرار گرفته است [۱۸]. یانگ و بریزوولا^{۲۰} (۲۰۱۳) به بررسی عددی و فیزیکی هیدروفویل نیمه‌مغروف پرداختند. در این مطالعه با استفاده از روش المان مرزی برای یک هیدروفویل سه بعدی پاسخ‌های هیدرودینامیکی جهت تاثیر کاویتاسیون یا هواده‌ی موردن بررسی قرار گرفته است. در ادامه تاثیر عمق با توجه به عدد فرود و هواده‌ی موردن مطالعه قرار گرفته است. بر اساس داده‌های به دست آمده مشاهده می‌شود که انتظام خوبی بین داده‌های عددی به دست آمده از روش المان مرزی و نتایج آزمایش تونل وجود دارد [۱۹]. یاری و قاسمی (۲۰۱۶) به بررسی تحلیل پروانه نیمه‌مغروف با استفاده از روش المان مرزی پرداخته‌اند که در آن اثر لبه انتهایی بر عملکرد پروانه نیمه‌مغروف ب بدون در نظر گرفتن اثر جریان عرضی موردن بررسی قرار گرفته است [۲۰]. در ادامه چندین فعالیت عددی توسط یاری و قاسمی بر روی پروانه نیمه‌مغروف بصورت دو بعدی و سه بعدی با استفاده از روش RANS انجام گرفته است [۲۱-۲۴].

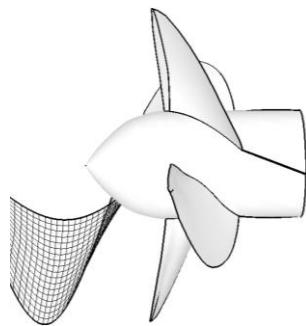
در مقاله حاضر تحلیل عددی پروانه نیمه‌مغروف با استفاده از روش المان مرزی بر پایه پتانسیل انجام شده است. این تحقیق در واقع ادامه و توسعه فعالیت‌های انجام گرفته در مراجع [۱۷] و [۲۰] می‌باشد. در مراجع فوق الذکر شکل گیری و توسعه ناحیه هواده‌ی صرفاً در راستای کورد^{۲۱} پره و اصطلاحاً به صورت یک بعدی در دستگاه مختصات محلی منطبق بر المان محاسباتی پره انجام گرفته است. در حالیکه در این مطالعه توسعه ناحیه هواده‌ی در راستای کورد و راستای شعاعی (اسپن) موردن مطالعه قرار گرفته است.

۲- تولید هندسه و معادلات حاکم بر روش المان مرزی

در این بخش تولید هندسه، معادلات حاکم بر مسئله و شرایط مرزی مربوط به تحلیل عددی هواده‌ی و کاویتاسیون جزیی روی پروانه در حالت ناپایا با استفاده از روش المان مرزی بررسی می‌شود. با توجه به شکل ۵ هندسه مقاطع با داده‌های هندسه مربوطه در دستگاه مختصات محلی با استفاده از فرمولاسیون پروانه به دستگاه مختصات کلی انتقال داده شده و نسبت به خط مرجع پروانه سنجیده



شکل ۷- طرح واره دستگاه مختصات سه بعدی کلی حول پروانه و جهت چرخش



شکل ۶- هندسه دنباله پروانه نیمه مغروف در قسمت پایین^{۲۳} دست جریان

۱-۲ فرمول بندی تئوری روش المان مرزی

روش المان مرزی بر پایه پتانسیل قادر به بررسی حریان روی اجسام با سطح برآ^{۲۴} و یا سطح غیر برآ، با حریان ورودی یکنواخت یا غیر یکنواخت در حالت پایا و ناپایا می‌باشد. این اجسام می‌توانند حرکاتی به صورت جابه‌جایی خطی یا دورانی داشته باشند و به عنوان مثال پروانه، هیدروفویل، هاب، سکان، نگهدارنده ها^{۲۵} و... باشند. در این تحقیق Ω به عنوان میدان حریان خارجی حول جسم (میدان حل) و $S = \partial\Omega$ به عنوان مرز جسم در نظر گرفته شده است. یک دستگاه مختصات کلی^{۲۶} (کارتزین اینرسی) ثابت در فضا تعريف و با $(X, Y, Z) = (x, r, \theta)$ نشان داده شده است. دستگاه مختصات محلی^{۲۷} متصل به جسم، در حالت کارتزین به صورت $(x, y, z) = (x, r, \theta)$ و در حالت استوانه‌ای به صورت (x, r, θ) مطابق با دستگاه مختصات نیرویی استاندارد ITTC تعريف شده است. در دستگاه مختصات محلی x محور مثبت بسمت قسمت پایین دست جریان دنباله موثر کشته شناخته شده است و z محور عمود بر صفحه شامل x و y می‌باشد. در دستگاه مختصات استوانه‌ای محلی $\theta = \tan^{-1}\left(\frac{-y}{z}\right)$ و $r = \sqrt{y^2 + z^2}$ به همراه جسم جابه‌جا شوند یا بچرخدند.

۲-۲ معادلات حاکم بر جریان
با فرض این که جریان در میدان حل خارجی حول جسم و سطوح هوادهی و کاویتاسیونی به اندازه کافی و موثر غیر لزج، تراکمناپذیر و غیر چرخشی باشد، سرعت اغتشاشی در کلیه میدان حل به استثنای سطوح ناپیوسته میدان سرعت، که تشکیل دنباله سطح بالا شو از جسم را می‌دهند، غیر چرخشی می‌باشد. به عبارت دیگر برای استفاده از معادله لاپلاس جهت مدل کردن جریان سیال حول پروانه باید جریان در کلیه نقاط میدان بجز یک سری نقاط ناپیوستگی (که دنباله پروانه جایگزین آنها می‌شود) غیر چرخشی باشد. در حالت جریان ورودی غیر یکنواخت مانند حالت لزج یا جریان دنباله پشت شناور، فرض بر این است که قسمت چرخشی سرعت اغتشاشی به همراه ورتیسیته اغتشاشی مربوط به سیال در میدان سرعت V_0 (که در متنون هیدرودینامیک شناور به عنوان دنباله موثر کشته شناخته شده است) در نظر گرفته شده است. بنابراین با در نظر گرفتن این حالت کلیه سه فرض بالا برقرار شده و می‌توان از معادله لاپلاس استفاده نمود.
با در نظر گرفتن فرض غیر چرخشی بودن سیال می‌توان گفت

$$\nabla^2 \cdot \phi(x, t) = 0 \quad (1)$$

$$V(x, t) = V_0(x, t) + \nabla \phi(x, t) \quad (2)$$

سرعت اغتشاشی برابر با گرادیان پتانسیل اغتشاشی است. برای جریان سیال تراکمناپذیر، معادله پیوستگی $\nabla \cdot V(x, t) = 0$ به صورت معادله لاپلاس در می‌آید:

سرعت کل در هر نقطه از میدان سیال، Ω برابر با جمع سرعت اغتشاشی و سرعت غیر اغتشاشی است.

برای جریان سیال تراکمناپذیر، غیر لزج و غیر چرخشی معادلات منتوم نویر - استوکس به صورت معادله برنولی خلاصه می‌شود. در دستگاه مختصات متصل به جسم معادله برنولی به صورت زیر در می‌آید:

$$\frac{\partial \phi}{\partial x} + \frac{p}{\rho} + \frac{|V|^2}{2} + gz = \frac{p_{ref}}{\rho} + \frac{|V_0|^2}{2} \quad (3)$$

معادلات با توجه به دستگاه مختصات متصل به جسم به دست آمده است. برای پروانه دستگاه مختصات راستگرد، و جهت چرخش در جهت عقربه‌های ساعت مطابق شکل ۷ فرض شده است. سرعت زاویه‌ای پروانه ثابت بوده و با $\vec{\omega}$ نمایش داده شده است. در حالت کلی برای تحلیل هوادهی-کاویتاسیون حول جسم، مرز جسم به چهار ناحیه سطح خیس جسم S_B سطح هوادهی شده S_V سطح کاویتاسیونی S_C و سطح دنباله S_W تقسیم‌بندی می‌شود.

بررسی دو شرط مزدی سینماتیکی^{۳۱} و دینامیکی^{۳۲} انجام شود. با این فرض که تابع $S = S_V - F(S_1, S_2, S_V, t)$ می باشد، شرط مزدی $\eta_V(S_1, S_2, t) = 0$ معادله سطح هوادهی باشد، شرط مزدی سینماتیکی مطابق زیر می شود:

$$S_V = \eta_V(S_1, S_2, t) \quad (9)$$

$$\frac{D}{Dt} [F(S_1, S_2, S_V, t)] \quad (10)$$

$$= \left(\frac{\partial}{\partial t} + V \cdot \nabla \right) [S_V - \eta_V(S_1, S_2, t)] = 0$$

$$C_p = \frac{p - p_{ref}}{\frac{1}{2} \rho V_{ref}^2} \quad (4)$$

$$\sigma = \frac{p_{ref} - p_v}{\frac{1}{2} \rho V_{ref}^2} \quad (5)$$

شرط مزدی دینامیکی یکسان بودن فشار روی سطح هوادهی با فشار اتمسفر را بیان می کند.

$$P = P_{atm} \quad or \quad C_p \approx 0 \quad (11)$$

$$n = \frac{\omega}{2\pi} \quad (6)$$

• شرط مزدی سطح آزاد

با استفاده از بسط سری تیلور حول ϕ رابطه مرتبه اول سطح آزاد به صورت زیر استخراج می گردد:

$$\frac{\partial^2 \phi(x, y, z, t)}{\partial t^2} + g \frac{\partial \phi(x, y, z, t)}{\partial z} = 0 \quad at \quad z = 0 \quad (12)$$

در شکل ۶ هندسه پروانه نیمه مغروم با در نظر گرفتن نواحی حل، شرایط مزدی، سرعت جریان ورودی به پروانه نشان داده شده است. با توجه به این که ماهیت جریان حول پروانه نیمه مغروم ناپایا است، لذا جهت بررسی عملکرد نیرویی و استخراج مشخصات جریانی محلی و انگرالی پرولته چرخش یک پره پرولته از لحظه ورود به آب تا لحظه خروج آن از سطح آزاد مورد بررسی و آنالیز قرار گرفته شده است. مطابق شکل پره اصلی و دنباله مربوط به آن مشخص می باشد. در این شکل P معرف نقطه کنترل و q معرف نقطه میدانی می باشد که بردار واصل بین p و q در واقع بردار r است که در محاسبات انگرالی نقش اصلی را اجرا می کند.

در معادله (۳) p فشار، ρ چگالی سیال و p_{ref} فشار مرجع سیال است. برای پروانه فشار مرجع، فشار ناحیه بسیار دور از بالادست^{۲۹} پروانه در راستای شفت پروانه می باشد و با استفاده از قانون هیدرواستاتیک $p_{ref} = patm + \rho gz_{atm}$ (۴) فشار اتمسفر در ارتفاع Z_{atm} است. دو پارامتر مهم و بی بعد یعنی ضریب فشار و عدد کاویتاسیون به صورت زیر تعریف می شوند:

در معادلات (۴) و (۵) p_v فشار بخار و V_{ref} سرعت مرجع بوده و معمولاً برابر با $|V_0|$ سرعت جریان ورودی است. برای پروانه سرعت مرجع معمولاً میزان سرعت ورودی یا مقدار nD در نظر گرفته می شود.

D معرف قطر پروانه و n اندازه دور پروانه یا سرعت دورانی در هر دور بر ثانیه بوده و برابر است با:

معادله دینامیکی (۳) را می توان به صورت زیر بازنویسی نمود:

$$\frac{2}{V_{ref}^2} \frac{\partial \phi}{\partial t} + \frac{|V|^2 - |V_0|^2}{V_{ref}^2} + \frac{2gz}{V_{ref}^2} = -C_p \quad (7)$$

۲-۳ شرایط مزدی

برای حل معادله لاپلاس، مطابق با معادله (۱)، در جریان خارجی حول پروانه یا هیدروفویل باید شرایط مزدی در هر یک از المان های سطحی تعریف شوند.

• سطح جسم

در قسمت سطح خیس جسم برای ارضا شدن شرط مزدی، صفر بودن مولفه سرعت عمود بر المان، می توان از شرط مزدی نیومن^{۳۰} استفاده نمود. در نواحی خیس مقدار پتانسیل کل که جمع پتانسیل اختلالی و پتانسیل ناشی از جریان ورودی می باشد برابر صفر بوده و لذا شرط نیومن به صورت زیر بیان می شود که در آن n بردار نرمال هر المان به سمت بیرون است.

$$\frac{\partial \phi}{\partial n} = -V_0 \cdot n \quad (8)$$

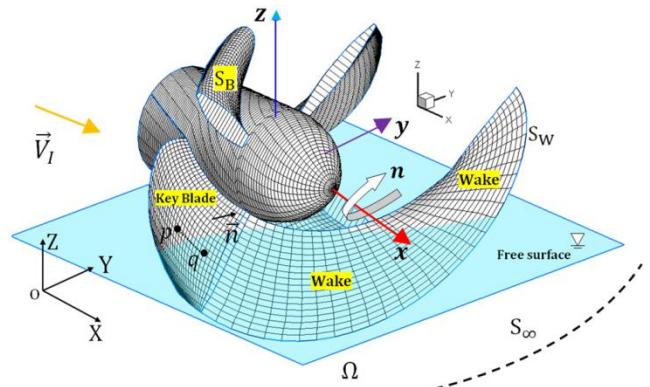
• سطح هوادهی

سطح هوادهی (S_V) در حالت کلی به صورت زیر تعریف می شود:
 η_V ضخامت ناحیه هوادهی در دستگاه مختصات غیر متعامد محلی و S_V نشان دهنده سطح هوادهی می باشد. سطح هوادهی مجھول بوده و اصلاح آن با توجه به معادله (۹) در جهت عمود بر سطح المان انجام می پذیرد. برای تعیین سطح هوادهی مجھول باید

شکل ۸- پارامترهای موثر بر تحلیل پروانه بكمک روش المان مرزی

۲-۴ گسسته‌سازی معادلات حاکم بر جریان سیال

در حالت هوادهی-کاویتاسیون تعداد کل المان‌ها با تعداد المان‌های جسم برابر است. برای گسسته‌سازی آن‌ها نقاط هوادهی و کاویتاسیونی از نقاط خیس جدا می‌شوند مطابق رابطه (۱۳).



$$\sum_{k=1}^Z \left[\sum_{j=1}^{N_j} \left(\sum_{i=1}^{i_d-1} D_{nij}(t) \phi_{ij}(t) + \sum_{i=i_d}^{i_r} D_{nij}(t) \phi_{ij}(t) + \sum_{i=i_r+1}^{i=i_v-1} D_{nij}(t) \phi_{ij}(t) + \sum_{i=i_v}^{N_i} D_{nij}(t) \phi_{ij}(t) \right. \right. \\ - \sum_{i=1}^{i_d-1} \acute{D}_{nij}(t) \phi_{ij}(t) - \sum_{i=i_d}^{i_r} \acute{D}_{nij}(t) \phi_{ij}(t) - \sum_{i=i_r+1}^{i=i_v-1} \acute{D}_{nij}(t) \phi_{ij}(t) \\ \left. \left. - \sum_{i=i_v}^{N_i} \acute{D}_{nij}(t) \phi_{ij}(t) \right) + \sum_{i=1}^{N_wj} (W_{nj}(t) \Delta \phi_j(t)) - \sum_{i=1}^{N_wj} (\acute{W}_{nj}(t) \Delta \phi_j(t)) \right] = \\ \sum_{k=1}^Z \left[\sum_{j=1}^{N_j} \left(\sum_{i=1}^{i_d-1} S_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) + \sum_{i=i_d}^{i_r} S_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) + \sum_{i=i_r+1}^{i=i_v-1} S_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) \right. \right. \\ + \sum_{i=i_v}^{N_i} S_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) \\ \left. \left. - \sum_{i=1}^{i_d-1} \acute{S}_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) - \sum_{i=i_d}^{i_r} \acute{S}_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) - \sum_{i=i_r+1}^{i=i_v-1} \acute{S}_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) \right. \right. \\ \left. \left. - \sum_{i=i_v}^{N_i} \acute{S}_{nij}(t) \left(\frac{\partial \phi}{\partial n} \right)_{ij}(t) \right) \right], \quad n = 1, \dots, N_{total} \quad (13)$$

جدول ۲- اطلاعات هندسی پروانه ۸۴۱-B

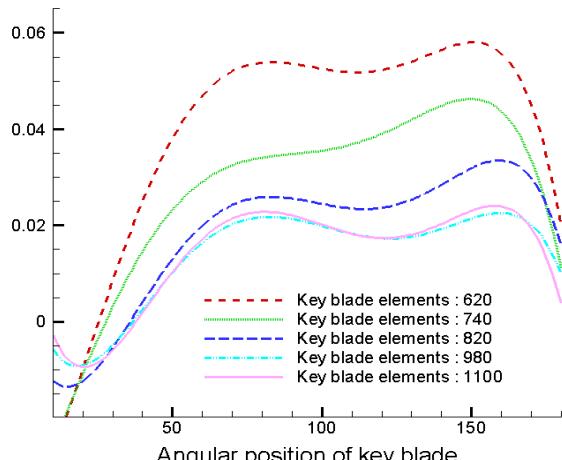
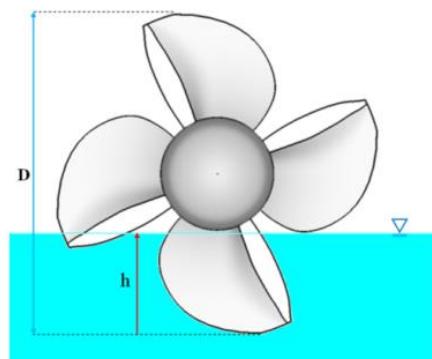
نماد	مقدار	پارامتر
<i>D</i>	۲۵۰	قطر پروانه (میلی متر)
<i>d</i>	۸۵	قطر توپی (میلی متر)
<i>P</i>	۳۱۰	گام در نسبت شعاع ۰/۷ (میلی متر)
<i>d/D</i>	۰/۳۴	نسبت قطر توپی به قطر پروانه
<i>P/D</i>	۱/۲۴	نسبت گام در نسبت شعاع ۰/۷
<i>A_E/A_0</i>	۰/۵۸	سطح گسترش یافته
<i>Z</i>	۴	تعداد پره‌ها
R.H.		جهت چرخش

۳- نتایج

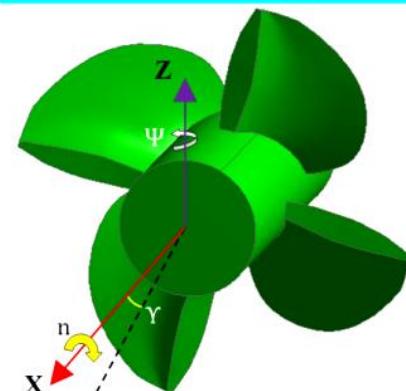
۱- پروانه نیمه‌مغروف ۸۴۱-B

با به کارگیری روابط هندسی می‌توان هندسه پروانه نیمه‌مغروف را مدل‌سازی نمود. در روش المان مرزی لازم است فقط سطح جسم گسسته‌سازی شود. لذا سطح پره‌ها، هاب و دنباله‌ای توسط المان‌های چهارضلعی مسطح تقریب زده می‌شود. برای بررسی اعتبارسنجی نتایج حاصل از تحلیل عددی روش المان مرزی، هندسه پروانه نیمه‌مغروف اولفسون ۸۴۱-B مطابق شکل ۹ استفاده شده است. این پروانه، نیمه‌مغروف چهار پره‌ای با فنجانی انتهایی افزایش دقت چگالی شبکه در نزدیکی لبه ابتدایی و فنجانی انتهایی پره مطابق شکل ۱۰ بیشتر شده است.

به این که تحلیل پروانه نیمه مغروق در حالت ناپلایا می باشد، لذا مطابق شکل ۱۱ نمودار تغییرات ضربت پره اصلی در تحلیل عددی با افزایش تعداد المان های سطحی روی پره اصلی مورد بررسی قرار گرفته است. همان گونه که مشاهده می گردد با توجه به شبکه مناسب همگرایی در تحلیل به سرعت اتفاق می افتد. (تعداد المان ها مربوط به یک پره می باشد- پره اصلی که مبنای محاسبات است)

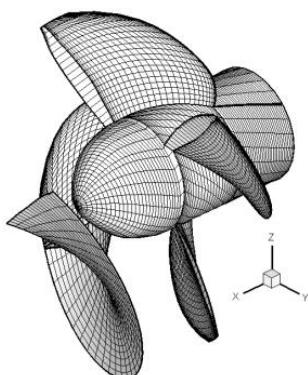


شکل ۱۱- تغییرات ضربت پره اصلی در یک دور چرخش (از ورود به آب تا خروج) بر حسب ضربت پیشروی در تعداد مختلف المان ها در $J=0.5$

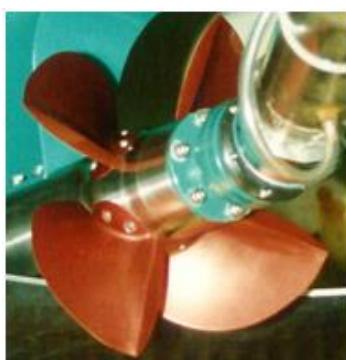


شکل ۹- پروانه نیمه مغروق B-841 و مدل تولید شده جهت آنالیز عددی و معرفی زاویه یا (Ψ)، میزان غوطه وری $I = h/D$ ، زاویه شفت (γ) و سرعت دورانی

در روش المان مرزی لازم است فقط سطح جسم گستته سازی شود. لذا سطح پره ها، هاب و دنباله دنباله ای توسط المان های چهارضلعی مسطح \triangle تقریب زده می شود. در شکل ... المان های سطحی محاسباتی بر روی سطح پروانه نشان داده شده است. همان گونه که مشاهده می گردد تراکم المان ها در مرزهای پره و نزدیک فنجانی انتهایی بیشتر شده است.

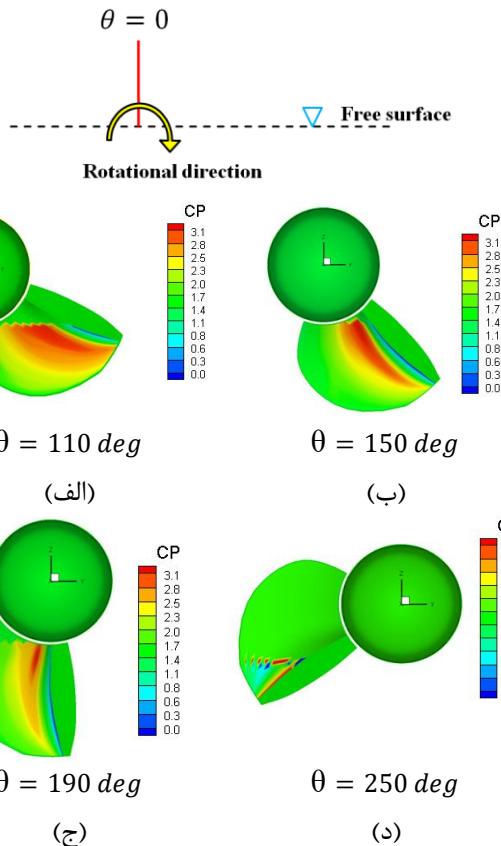


شکل ۱۰- شبکه تولید شده روی سطح پروانه نیمه مغروق و دنباله

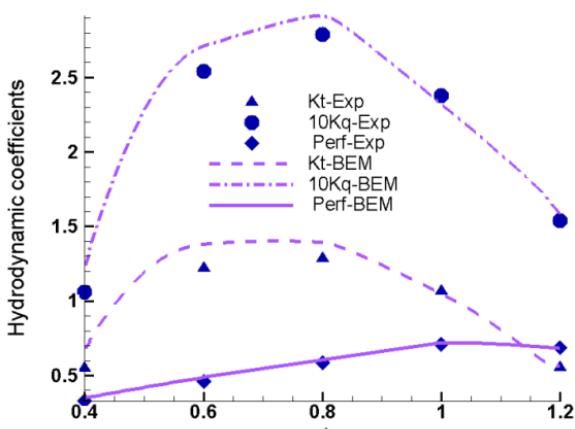


۲-۳ بررسی شرط استقلال شبکه
برای تحلیل جریان حول پروانه ابتدا نیاز به تولید شبکه مناسب است؛ زیرا نوع شبکه به کار برده شده، نوع المان ها و تعداد المان ها تاثیر بهسزایی در درستی پاسخ ها دارند. پس از تولید هندسه یکی از مهم ترین موارد، بررسی شرط استقلال شبکه می باشد. با توجه

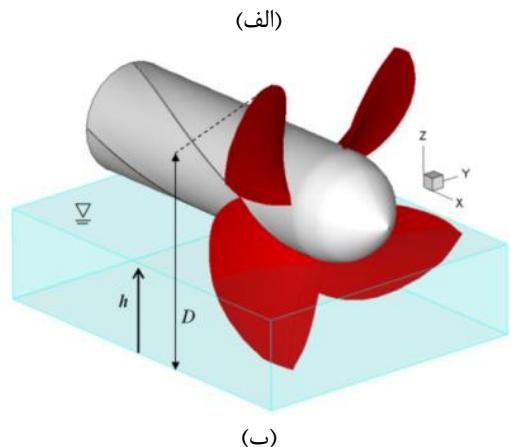
راستای طول کورد هر مقطع است) هم راستا با جهت کورد مقطع پره خارج نشده و با زاویه از سطح پره پرتاب می شود. در شکل ۱۴ نمودار عملکردی پروانه در ضرایب پیشروی مختلف در مقایسه با داده های تجربی و در شکل ۱۵ نیز مقایسه در صد خطای داده های تجربی با نتایج تجربی مورد بررسی قرار گرفته است. همان گونه که مشاهده می گردد بیشترین میزان خطا مربوط به ضریب پیشروی $4/0$ می باشد.



شکل ۱۳- توزیع ضریب فشار بر روی سطح پره اصلی پروانه نیمه مغروف ۸۴۱-B در یک دور چرخش از ورود به آب تا خروج از آب (از الف تا د) در ضریب پیشروی $J=1.3$.



شکل ۱۴- ضرایب تراست (KT)، گشتاور (KQ) و بازده محاسبه شده در مقایسه با داده های تجربی



شکل ۱۲- هندسه پروانه، الف) اولفسون [۱۰] و ب) نمونه تولید شده در کد المان مرزی

۴-۴ اعتبارسنجی نتایج عددی نیرو- ممان با داده های اندازه گیری شده با در نظر گرفتن تاثیر جریان عرضی
برای اعتبارسنجی نتایج حاصل از تحلیل عددی، ضرایب تراست و گشتاور و بازده پروانه نیمه مغروف در ضرایب پیشروی مختلف با استفاده از روش المان مرزی استخراج شده و با نتایج تجربی مربوطه مقایسه شده است. برای بررسی رفتار پارامترهای محلی و نتایج انتگرالی محدوده ضرایب پیشروی $0/4$ الی $1/2$ انتخاب شده است؛ زیرا رفتار ضرایب پیشروی عملکردی پروانه نیمه مغروف در نواحی مختلف ضریب پیشروی (ضرایب پیشروی زیاد، متوسط و کم) متفاوت است.

در شکل ۱۳ توزیع فشار روی سطح جلویی پروانه نیمه مغروف در ضریب پیشروی $J=1/3$ نشان داده شده است. مطابق شکل در لحظه برخورد پره با سطح آب هنگامی که لبه انتهایی پره وارد آب می شود، جهش فشاری در ناحیه وسیعی نزدیک به فنجانی روی سطح پره به وجود می آید که در مقایسه با اندازه ضریب فشار لبه ابتدایی پره (ناحیه نقاط سکون) به مراتب بزرگتر است. در واقع در این حالت پره پروانه در ناحیه گذرا در طی یک دور چرخش است و حضور در ناحیه گذرا سبب بزرگی مقادیر بزرگ ضریب فشار می شود.

فنjanی انتهایی پره مانع حرکت جریان سیال آب در راستای طول کورد و رسیدن به لبه انتهایی پره و ناحیه پشت پره است. لذا همین عامل سبب افزایش فشار روی سطح جلویی پره و توسعه ناحیه هوادهی روی سطح پشتی پره می باشد. با چرخش پره در ناحیه مغروف شاهد توزیع فشار تقریباً مشابه در موقعیت های مختلف می باشیم. در ناحیه خروج پره از آب کاهش میزان فشار روی سطح جلویی پره مشاهده می گردد.

شایان ذکر است که در صورت عملکرد مناسب فنجانی لبه انتهایی پره، جریان سیال ورودی به سطح جلویی پره (ورود سیال آب در

- سطح آزاد، تشکیل دنباله گردابه های جاری از لبه انتهایی پره به صورت ناپایا و اعمال اثر هوادهی و یا کاویتاسیون با در نظر گرفتن اثر جریان عرضی.
- با بررسی روند نمودار عملکردی پروانه (ضریب تراست، ضریب گشتاور و بازده هیدرودینامیکی) نیمه مغروق به دست آمده با استفاده از روش عددی المان مرزی هر سه ناحیه هوادهی جزیی، ناحیه گذرا و ناحیه کاملاً هواده شده در محدوده دقت مناسبی قابلیت تفکیک می باشد. به عبارت دیگر روش المان مرزی قابلیت تحلیل پروانه نیمه مغروق را دارد.
- در اعداد فرود بالا اثر نیروهای گرانشی کاهش یافته و انطباق بهتری بین نتایج عددی در مقایسه با داده های تجربی مشاهده می گردد.
- محدوده ناحیه هوادهی تخمینی با استفاده از روش عددی المان مرزی با در نظر گرفتن تاثیر جریان عرضی در مقایسه با داده های تجربی دارای انطباقی بهتر و خطاهای کمتری می باشد.

کلید واژگان

¹ Conventional propellers

² Fully wetted

³ Arneson Industries LLC

⁴ Leading Edge

⁵ Trailing Edge

⁶ Stepped

⁷ Reynolds

⁸ Shiba

⁹ Hadler & Hecker

¹⁰ Rains

¹¹ Rose & Kruppa

¹² Wang

¹³ Olofsson

¹⁴ Miller و Szantyr

¹⁵ Dyson

¹⁶ Oberembt

¹⁷ Savineau

¹⁸ Young

¹⁹ Savander

²⁰ Brizzolara

²¹ Chordwise direction

²² Generator Line

²³ Downstream

²⁴ Lifting surface

²⁵ Struts

²⁶ Global coordinate

²⁷ Local coordinate

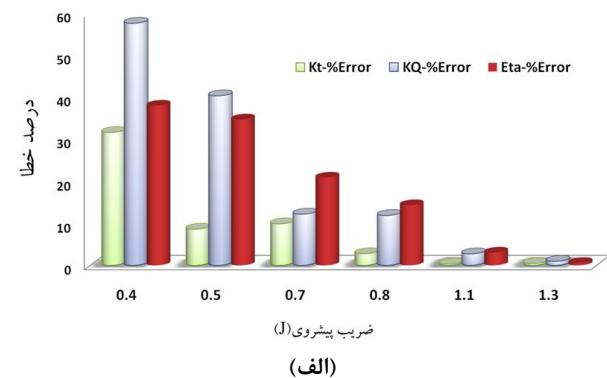
²⁸ Port side

²⁹ Upstream of propeller

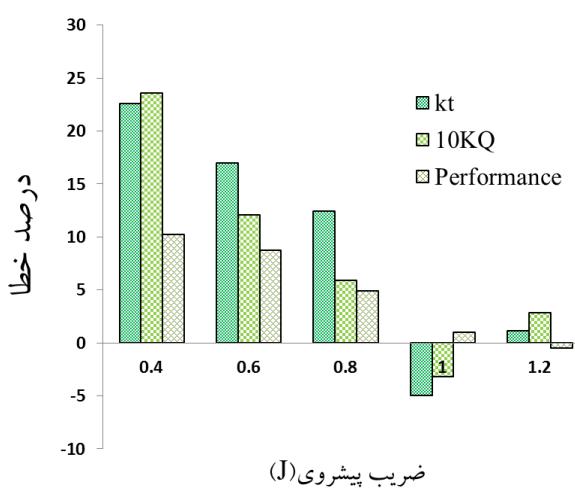
³⁰ Numan Condition

³¹ Kinematic Boundary Condition

³² Dynamic Boundary Condition



(الف)



(ب)

شکل ۱۵- مقایسه درصد خطای نتایج عددی در مقایسه با داده های تجربی در ضرایب پیشروی مختلف، (الف) بدون تاثیر جریان عرضی [۲۰] (ب) با تاثیر جریان عرضی

۴- جمع بندی و نتیجه گیری

در این مقاله هدف توسعه روش المان مرزی سه بعدی بر پایه پتانسیل جهت مدل سازی جریان سیال حول پروانه نیمه مغروق می باشد. برنامه المان مرزی توسعه یافته قابلیت تولید هندسه و تحلیل پروانه نیمه مغروق تحت میدان جریان ورودی یکنواخت و یا غیر یکنواخت در حالت پایا و ناپایا را دارد. اساس الگوریتم حل بر تحلیل پروانه نیمه مغروق به صورت ناپایا با در نظر گرفتن اثر سطح آزاد و سپس استخراج ناحیه هوادهی و یا کاویتاسیونی و تحلیل پروانه تا دستیابی به همگرایی هر گام زمانی استوار می باشد. جهت انتخاب سنجی نتایج عددی، پروانه نیمه مغروق مدل 841-B اولفسون [۱۰] انتخاب شده است. مهم ترین فعالیت های انجام گرفته و نتایج به دست آمده زیر می باشند:

- ایجاد برنامه تولید هندسه پروانه نیمه مغروق با قابلیت تولید شبکه مناسب روی سطح پره جهت تحلیل با استفاده از روش عددی المان مرزی
- توسعه الگوریتم تحلیل پروانه نیمه مغروق با استفاده از روش المان مرزی بر پایه پتانسیل با در نظر گرفتن اثر

Ω	دامنه حل برای میدان جریان خارجی حول جسم	^{۳۳} Bi-linear quadrilateral panel	فهرست علائم
σ	عدد کاویتاسیون		ضریب فشار
θ	بعد سوم در دستگاه مختصات استوانه ای		قطر پروانه
ω	اندازه سرعت دورانی		ماتریس ضرایب تاثیر دوقطبه
η_v	ضخامت هواده	C_p	ماتریس دوقطبی تصویر
ϕ	پتانسیل اغتشاشی	D	ضریب پیشروی
$\partial\Omega$	مرز جسم	D_{nij}	ضریب گشتاور
$\frac{\partial\phi}{\partial n}$	تغییرات پتانسیل نسبت به بردار نرمال	D'_{nij}	تعداد المانها در راستای طول کورد
		$J = \frac{V_A}{n D}$	تعداد المان ها در راستای طول اسپن یا شعاعی
		K_Q	
		N _i =N+NC	
		N _j =M	
		N _{Wi}	تعداد تقسیمات در راستای محوری دنباله
		N _{wj} =M	تعداد تقسیمات در راستای عرضی ویک
		N _t	تقسیمات چرخش پروانه بر حسب زاویه
		N _{Total}	تعداد کل المان های روی سطح پره ها و هاب
		N _{cavJ}	تعداد المان های تحت کاویتاسیون در هر طول کورد
		P _v	فشار بخار
		P _{ref}	فشار مرجع
		P _{min}	فشار مینیمم
		P	شمارنده المان چشم
		Q	گشتاور
		q	شمارنده المان محاسباتی
		S _B	سطح خیس جسم
		S _C	سطح کاویتی
		S _V	سطح هواده
		S _W	سطح ویک
		S _∞	سطح در بینهایت
		S _{1, S₂}	دستگاه مختصات منحنی شکل محلی
		S _{nij}	ماتریس ضرایب تاثیر چشم
		V	سرعت اغتشاشی
		V ₀	سرعت جریان ورودی
		V _{ref}	سرعت مرجع
		V _n	سرعت سطح دنباله در جهت عمود
		V(V _x , V _y , V _z)	بردار سرعت در دستگاه مختصات مرجع
		V(V _{s1} , V _{s2} , V _{s3})	بردار سرعت در دستگاه مختصات منحنی شکل
		Z	تعداد پره ها
		g	شتاب گرانش زمین
		i _d	اندیس المان شروع کاویتاسیون
		i _r	اندیس المان بسته شدن سطح کاویتی
		i _v	اندیس المان شروع هواده
		n	اندازه دور پروانه
		p _{ref}	فشار مرجع سیال
		p	فشار در هر نقطه روی جسم و میدان حل
		p _{atm}	فشار اتمسفر
		r(x, \tilde{x})	فاصله بین المان چشم و المان محاسباتی
		r'(x, \tilde{x})	فاصله بین المان چشم و تصویر المان محاسباتی

۵- مراجع

- Reynolds, O., (1874), *On the effect of immersion on screw propellers*, Transactions of Institute of Naval Architecture, Vol.2.
- Shiba, H., (1953), *Air-drawing of marine propellers*, Technical Report 9, Transportation Technical Research Institute.
- Hadler, J. and Hecker, R., (1968), *Performance of partially submerged propellers*, In the 7th ONR Symposium on Naval Hydrodynamics.
- Hecker, R., (1973), *Experimental performance of a partially submerged propeller in inclined flow*, Lake Buena Vista, FL. SNAME Spring Meeting.
- Rains, D. A., (1981), *Semi-submerged propellers for mono-hull displacement ships*, In Propeller '81 Symposium, pages pp. 15–40, VA. Society of Naval Architects and Marine Engineers, Virginia Beach.
- Rose, J. C. and Kruppa, C. F. L., (1991), *Surface piercing propellers – methodical series model test results*, In FAST'91, Norway.
- Kruppa, C. F. L., (1992), *Testing surface piercing propellers*. In Hydrodynamics: Computations, Model Tests, and Reality, pages pp. 107–113.
- Rose, J. C., Kruppa, C. F. L., and Koushan, K., (1993), *Surface piercing propellers - propeller/hull interaction*, In FAST'93, pages pp. 867–881, Japan.
- Wang, D., (1977), *Water entry and exit of a fully ventilated foil*, Journal of Ship Research, 21:pp. 44–68.
- Olofsson, N., (1996), *Force and flow characteristics of a partially submerged propeller*, PhD thesis, Department of Naval Architecture and Ocean Engineering,

- 21- E. Yari, H. Ghassemi, (2016), *Numerical study of surface tension effect on the hydrodynamic modeling of the partially submerged propeller's blade section*, *J. Mech.* 32: 653-664.
- 22- E. Yari, H. Ghassemi, (2016), *Numerical analysis of surface piercing propeller in unsteady conditions and cupped effect on ventilation pattern of blade cross-section*, *J. Mar. Sci. Technol.* 21: 501-516.
- 23- E. Yari, H. Ghassemi, (2016), *The unsteady hydrodynamic characteristics of a partial submerged propeller via a RANS solver*, *J.Mar. Eng. Technol.* 14: 111-123.
- 24- E. Yari, (2017), *Time Domain Analysis of the Ventilation around the Partial Immersed Propeller Using Sliding Mesh Method*, *Int. J.Mari. Technol.* 7: 19-27.
- Chalmers University of Technology, Ḡoteborg, Sweden.
- 11- Miller, W. and Szantyr, J., (1998), *Model experiments with surface piercing propellers*, *Ship Technology Research*, 45:pp. 14–21.
- 12- Dyson, P. K., (2000), *The modeling, testing and design, of a surface piercing propeller drive*, PhD thesis, Department of Mechanical and Marine Engineering, Plymouth University.
- 13- Dyson, P. K., Chudley, J., and Grieve, D., (2000), *An experimental program to determine the mean and time varying loads imposed by surface piercing propellers*, Sydney. Sea Australia.
- 14- Oberembt, H., (1968), *Zur bestimmung der instationären flugelkräfte bei einem propeller mit aus dem wasser herausschlagenden flugeln*, Technical report, Inst.für Schiffbau der Universit̄at Hamburg, Bericht Nr. 247.
- 15- Wang, G., Jia, D., and Sheng, Z., (1990), *Hydrodynamic performance of partially submerged ventilated propeller*, Shipbuilding of China, (2).
- 16- Savineau, C. and Kinnas, S., (1995), *A numerical formulation applicable to surface piercing hydrofoils and propellers*, In 24th American Towing Tank Conference, Texas A&M University, College Station, TX.
- 17- Young, Y.L., and Kinnas, S., (2002), *Numerical modeling of supercavitating and surface-piercing propellers*, PhD Thesis. The University of Texas at Austin, Department of civil engineering.
- 18- Young, Y.L., and Savander, B.R., (2011), *Numerical analysis of large-scale surface-piercing propellers*, Ocean engineering volume 38, Issue 13, 1368-1381.
- 19- Young, Y.L., and Brizzolara, S., (2013), *Numerical and physical investigation of a surface-piercing hydrofoil*, Third International Symposium on Marine Propulsors smp'13, Launceston, Tasmania, Australia, 1-8.
- 20- Yari, E., and Ghassemi., H., (2016), *Hydrodynamic analysis of the surface-piercing propeller in unsteady open water condition using boundary element method*, International journal of naval architecture and ocean engineering, Volume 8, pp:22-37.